

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«КАРАЧАЕВО-ЧЕРКЕССКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ  
УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ У.Д. АЛИЕВА»

Естественно-географический факультет  
Кафедра биологии и химии



УТВЕРЖДАЮ

ЕГФ  А.У. Эдиев

 2023 г.

**Рабочая программа дисциплины**

**Математика**

*(наименование дисциплины (модуля))*

Направление подготовки  
**44.03.05 Педагогическое образование (с двумя  
профилями подготовки)**

*(шифр, название направления)*

Направленность (профиль) подготовки

**Биология; химия**

Квалификация выпускника

**бакалавр**

Форма обучения

**Очная, заочная**

Год начала подготовки –2021

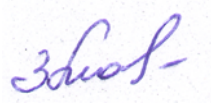
Составитель: ст. преп. Чанкаева Н.М.

Рабочая программа дисциплины составлена в соответствии с Федеральным государственным образовательным стандартом высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 22 февраля 2018 г. N125, основной профессиональной образовательной программой высшего образования по направлению подготовки 44.03.05 Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), направленность (профиль)- «Биология, химия» локальными актами КЧГУ.

Рабочая программа рассмотрена и утверждена на заседании кафедры  
Математического анализа на 2023-2024 уч. год

Протокол № 10 от 30.06.2023

Заведующий кафедрой доц. Лайпанова З.М.



## СОДЕРЖАНИЕ

<u>1. Наименование дисциплины (модуля)</u> .....	<u>4</u>
<u>2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы</u> .....	<u>4</u>
<u>3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы</u> .....	<u>4</u>
<u>4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся</u> .....	<u>7</u>
<u>5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий</u> .....	<u>7</u>
<u>5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)</u> .....	<u>7</u>
<u>5.2. Виды занятий и их содержание</u> .....	<u>18</u>
<u>5.3. Тематика и краткое содержание лабораторных занятий</u> .....	<u>21</u>
<u>5.4. Примерная тематика курсовых работ</u> .....	<u>22</u>
<u>5.5. Самостоятельная работа и контроль успеваемости</u> .....	<u>22</u>
<u>6. Образовательные технологии</u> .....	<u>23</u>
<u>7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)</u> .....	<u>24</u>
<u>7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций</u> .....	<u>24</u>
<u>7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины</u> .....	<u>29</u>
<u>7.2.1. Типовые темы к письменным работам, докладам и выступлениям</u> .....	<u>29</u>
<u>7.2.2. Примерные вопросы к итоговой аттестации (зачет)</u> .....	<u>33</u>
<u>7.2.3. Тестовые задания для проверки знаний студентов</u> .....	<u>35</u>
<u>7.2.4. Бально-рейтинговая система оценки знаний бакалавров</u> .....	<u>55</u>
<u>8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса</u> .....	<u>56</u>
<u>8.1. Основная литература</u> .....	<u>56</u>
<u>8.2. Дополнительная литература</u> .....	<u>57</u>
<u>9. Методические указания для обучающихся по освоению учебной дисциплины (модуля)</u> .....	<u>57</u>
<u>10. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)</u> .....	<u>59</u>
<u>10.1. Общесистемные требования</u> .....	<u>59</u>
<u>10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины</u> .....	<u>60</u>
<u>10.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения</u> .....	<u>60</u>
<u>10.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы</u> .....	<u>60</u>
<u>11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья</u> .....	<u>61</u>
<u>12. Лист регистрации изменений</u> .....	<u>66</u>

# 1. Наименование дисциплины (модуля)

## *Математика*

**Целью** изучения дисциплины является:

овладение базовыми знаниями фундаментальных разделов математики, в объеме, необходимом для овладения математическим аппаратом, используемом для обработки информации и анализа данных по биологии и химии; изучение теории по темам: дифференциальное и интегральное исчисление, линейная алгебра и аналитическая геометрия; развитие навыков решения задач по данным темам.

**Для достижения цели ставятся задачи:**

формирование у студентов основных понятий о методах математической обработки данных биологических и химических исследований, представлений о моделях, проблемах, постановках исследовательских задач и методах их решения.

Цели и задачи дисциплины определены в соответствии с требованиями Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 44.03.05. Педагогическое образование (с двумя профилями подготовки), направленность (профиль) - «Биология; химия», (квалификация – «Бакалавр»).

## 2. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина «Математика» (Б1.О.22) относится к базовой части Б1.

Дисциплина (модуль) изучается на 1 курсе в 1 и 2 семестрах.

<b>МЕСТО ДИСЦИПЛИНЫ В СТРУКТУРЕ ОПОП</b>	
Индекс	Б1.О.22.
<b>Требования к предварительной подготовке обучающегося:</b>	
Учебная дисциплина «Математика» является базовой, знакомит студентов с самыми общими представлениями о профессии и опирается на входные знания, полученные в общеобразовательной школе.	
<b>Дисциплины и практики, для которых освоение данной дисциплины (модуля) необходимо как предшествующее:</b>	
Изучение дисциплины «Математика» необходимо для успешного освоения дисциплины «Решение расчетных задач по химии».	

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине (модулю), соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Процесс изучения дисциплины «Математика» направлен на формирование следующих компетенций обучающегося:

Код компетенций	Содержание компетенции в соответствии с ФГОС ВО/ ПООП/ ООП	Индикаторы достижения компетенций	Декомпозиция компетенций (результаты обучения) в соответствии с установленными индикаторами
<b>УК-1</b>	Способен осуществить поиск, критический анализ и синтез информации, применять	УК. Б.1.1 - Анализирует задачу, выделяя ее базовые составляющие УК-Б.1.2 Определяет, интерпретирует и ранжирует информацию, требуемую	<b>Знать:</b> основные определения и понятия; воспроизводить основные

	<p>системный подход для решения поставленных задач</p>	<p>для решения поставленной задачи УК-Б.1.3 Осуществляет поиск информации для решения поставленной задачи по различным типам запросов</p>	<p>математические факты; распознавать математические объекты; понимать связь между различными математическими объектами, основные методы доказательства теорем и утверждений, основные методы математики, применяемые для решения типовых задач. Уметь: решать типовые задачи по предложенным методам и алгоритмам, графически иллюстрировать задачу; оценивать достоверность полученного решения, проводить доказательства математических утверждений, не аналогичных ранее изученным, но тесно примыкающих к ним; решать математические задачи и проблемы, аналогичные ранее изученным, но более высокого уровня сложности; <b>Владеть:</b> математическим языком предметной области: основными терминами, понятиями, определениями разделов математики; основными способами представления</p>
--	--	---	--

			математической информации (аналитическим, графическим, символьным, словесным и др.)
<b>ОПК-2</b>	Способен участвовать в разработке основных и дополнительных образовательных программ, разрабатывать отдельные их компоненты( в том числе с использованием информационно-коммуникационных технологий)	<p>ОПК-2.1. Разрабатывает программы учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), программы дополнительного образования в соответствии с нормативно-правовыми актами в сфере образования.</p> <p>ОПК-2.2. Проектирует индивидуальные образовательные маршруты освоения программ учебных предметов, курсов, дисциплин (модулей), программ дополнительного образования в соответствии с образовательными потребностями обучающихся.</p> <p>ОПК-2.3. Осуществляет отбор педагогических и других технологий, в том числе информационнокоммуникационных, используемых при разработке основных и дополнительных образовательных программ и их элементов.</p>	<p><b>Знать:</b> базовые понятия и математические методы из разделов фундаментального математического цикла: математического анализа, линейной алгебры, аналитической геометрии, основы теории обыкновенных дифференциальных уравнений для решения задач профессиональной деятельности</p> <p><b>Уметь:</b> адекватно употреблять математические понятия и символы для выражения количественных и качественных отношений; доводить решения задач до приемлемого практического результата – числа, функции (ее графика), точного качественного вывода с применением адекватных вычислительных средств, таблиц, справочников, в том числе при использовании технологий онлайн-обучения.</p> <p><b>Владеть:</b> доступными методами математического анализа, аналитической</p>

			геометрии, линейной алгебры, при решении типовых и простейших задач в области химии и биологии.
--	--	--	---

**4. Объем дисциплины (модуля) в зачетных единицах с указанием количества академических часов, выделенных на контактную работу обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий) и на самостоятельную работу обучающихся**

Общая трудоемкость (объем) дисциплины (модуля) составляет 7 ЗЕТ, 252 академических часа.

Объем дисциплины	Всего часов	
	для очной формы обучения	для заочной формы обучения
<b>Общая трудоемкость дисциплины</b>	252	252
<b>Контактная работа обучающихся с преподавателем (по видам учебных занятий)* (всего)</b>	120	20
<b>Аудиторная работа (всего):</b>	120	
в том числе:		
Лекции	68	12
семинары, практические занятия	52	8
Практикумы		
лабораторные работы		
<b>Внеаудиторная работа:</b>		
Контроль		16
Внеаудиторная работа также включает индивидуальную работу обучающихся с преподавателем, групповые, индивидуальные консультации и иные виды учебной деятельности, предусматривающие групповую или индивидуальную работу обучающихся с преподавателем), творческую работу (эссе), рефераты, контрольные работы и др.		
<b>Самостоятельная работа обучающихся (всего)</b>	132	216
<b>Контроль самостоятельной работы</b>		
<b>Вид промежуточной аттестации обучающегося (зачет / экзамен)</b>	экзамен, экзамен	экзамен, экзамен

**5. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам (разделам) с указанием отведенного на них количества академических часов и видов учебных занятий**

**5.1. Разделы дисциплины и трудоемкость по видам учебных занятий (в академических часах)**

Для очной формы обучения

№ п/п	Раздел, тема Дисциплины	Общая трудоемкость	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)
-------	-------------------------	--------------------	---

		(в часах)	Аудиторные уч. занятия			Сам. работа	Планируемые результаты Обучения	Формы текущего Контроля
		Всего	Лек	Пр	Лаб			
	<b>Раздел 1. Линейная алгебра</b>	<b>50</b>	<b>10</b>	<b>12</b>		<b>28</b>		
	Тема: Основные понятия теории множеств. Операции над множествами. Прямое произведение множеств.	6	2			4	УК-1 ОПК-2	Устный опрос
	Тема: Понятие матрицы. Виды матриц. Операции над матрицами. Сложение, умножение матрицы на число. Обратные матрицы. Методы вычисления обратных матриц.	8	2			4	УК-1 ОПК-2	Доклад с презентацией
	Вычисление обратной матрицы.	8		4		4	УК-1 ОПК-2	Решение задач
	Тема: Определители. Свойства определителей. Определители n-го порядка.	4	2			4	УК-1 ОПК-2	Творческое задание
	Тема: Линейная зависимость векторов. Ранг матрицы.	8	2			2	УК-1 ОПК-2	Блиц-опрос
	Тема: Системы линейных алгебраических уравнений. Метод последовательного исключения неизвестных.	8		4		2	УК-1 ОПК-2	Тест
	Тема: Системы линейных алгебраических уравнений. Метод Крамера.	8	2			2	УК-1 ОПК-2	Реферат
	Тема: Системы линейных однородных уравнений.	4		4		2	УК-1 ОПК-2	Решение задач
	Тема: Системы линейных	4				4	УК-1 ОПК-2	Тестирование «Линейная



алгебраических уравнений.							алгебра»
<b>Раздел 2. Аналитическая геометрия</b>	<b>50</b>	<b>18</b>	<b>6</b>		<b>26</b>		
Тема: Система координат на плоскости. Основные понятия. Полярные координаты. Основные приложения метода координат на плоскости.	6	2			4	УК-1 ОПК-2	Устный опрос
Тема: Преобразование системы координат.	4	2			4	УК-1 ОПК-2	Доклад с презентацией
Тема: Кривые в полярных координатах.	6	2	2		4	УК-1 ОПК-2	Решение задач
Тема: Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Общее уравнение прямой. Нормальное уравнение прямой, уравнение прямой в отрезках на осях.	4	2			4	УК-1 ОПК-2	Блиц опрос
Тема: Основные задачи на прямую на плоскости и в пространстве.	4	2			2	УК-1 ОПК-2	Тест
Различные способы задания плоскости в пространстве. Взаимное расположение плоскостей, пучок плоскостей.	2	2			2	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос
Тема: Линии второго порядка на плоскости.	4	2	2		2	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос.
Тема: Эллипс. Исследование формы эллипса по его уравнению.	4	2			2	УК-1 ОПК-2	Опрос
Тема: Линии второго порядка. Гипербола и парабола.	4	2	2		2	УК-1 ОПК-2	Тестирование «Аналитическая геометрия»
<b>Раздел 3. Математический</b>	<b>76</b>	<b>28</b>	<b>22</b>		<b>26</b>		

<b>анализ.</b>							
Тема: Множества. Основные понятия. Числовые множества. Числовые промежутки. Окрестность точки. Функция. Основные свойства функций.	4	4	2		2	УК-1 ОПК-2	Фронтальный опрос
Тема: Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Предельный переход в неравенствах. Предел монотонной числовой последовательности. Число $e$ . Натуральные логарифмы. Предел и непрерывность функции. Основные теоремы о пределах.	8	4	4		2	УК-1 ОПК-2	Доклад презентацией. Контрольная работа №2
Тема: Производная функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Производная суммы, разности, произведения и частного функций. Производная сложной и обратной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.	8	4	2		2	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Комплексные числа и операции над ними. Геометрическое представление комплексных чисел. Действия над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение и деление комплексных чисел; извлечение корней из комплексных чисел.	6	4	2		2	УК-1 ОПК-2	Тест по теме
Тема Действия над комплексными числами.	4	2	2		4	УК-1 ОПК-2	Доклад презентацией
Тема: Неопределенный интеграл. Понятие	4	2	2		2	УК-1 ОПК-2	Реферат

неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла. Метод непосредственного интегрирования. Метод интегрирования подстановкой.							
Тема: Метод интегрирования по частям. «Берущиеся» и «неберущиеся» интегралы. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона – Лейбница	4	4	4		4	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Интегрирование иррациональных функций. квадратичные иррациональности. Дробно- линейная и тригонометрическая подстановки.	2	4	4		4	УК-1 ОПК-2	Тестирование «Математический анализ»
<b>Раздел 4. Теория вероятностей</b>	<b>40</b>	<b>6</b>	<b>8</b>		<b>26</b>		
Тема: Предмет теории вероятности. События и испытания. Элементы комбинаторики. Правила суммы и произведения для выбора двух и более объектов.	8	2	2		8	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Вычисление вероятности наступления события с помощью классического определения.	6		2		8	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Алгебра событий. Сумма и произведение нескольких событий. Дискретные случайные	6	2			4	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты,

	величины.							контрольный опрос.
	Тема: Непрерывные случайные величины. Биноминальное и геометрическое распределение вероятности.	4	2			2	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
	Тема: Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины. Биноминальное и геометрическое распределение вероятности.	8		4		4	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос.
	<b>Раздел 5. Математическая статистика</b>	<b>36</b>	<b>6</b>	<b>4</b>		<b>26</b>		
	Тема: Основы математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Доверительные интервалы и доверительные пределы.	12	2			10	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
	Тема: Определение закона распределения случайной величины. Исследование случайных зависимостей. Однофакторный корреляционно-регрессионный анализ.	12	4			8	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
	Тема: Генеральная совокупность и выборка. Доверительные интервалы и доверительные пределы.	12		4		8	УК-1 ОПК-2	Тестирование «Математическая статистика»
	<b>Всего</b>	<b>252</b>	<b>68</b>	<b>52</b>		<b>132</b>		

Для заочной формы обучения

№ п/п	Раздел, тема Дисциплины	Общая трудоемкость (в часах)	Виды учебных занятий, включая самостоятельную работу обучающихся и трудоемкость (в часах)
-------	-------------------------	------------------------------	---

	Всего	Аудиторные уч. занятия			Сам. Работ а	Планируемы е результаты Обучения	Формы текущего Контроля
		Ле к	Пр	Ла б			
<b>Раздел 1. Линейная алгебра</b>	<b>44</b>	<b>4</b>	<b>2</b>		<b>38</b>		
Тема: Основные понятия теории множеств. Операции над множествами. Прямое произведение множеств.	8	2			6	УК-1 ОПК-2	Устный опрос
Тема: Понятие матрицы. Виды матриц. Операции над матрицами. Сложение, умножение матрицы на число. Обратные матрицы. Методы вычисления обратных матриц.	8		2		4	УК-1 ОПК-2	Доклад с презентацией
Вычисление обратной матрицы.	4	2			4	УК-1 ОПК-2	Решение задач
Тема: Определители. Свойства определителей. Определители n-го порядка.	4				4	УК-1 ОПК-2	Творческое задание
Тема: Линейная зависимость векторов. Ранг матрицы.	4				4	УК-1 ОПК-2	Блиц-опрос
Тема: Системы линейных алгебраических уравнений. Метод последовательного исключения неизвестных.	4				4	УК-1 ОПК-2	Тест
Тема: Системы линейных алгебраических уравнений. Метод Крамера.	6				4	УК-1 ОПК-2	Реферат
Тема: Системы линейных однородных уравнений.	4				4	УК-1 ОПК-2	Решение задач
Тема: Системы	2				4	УК-1	Тестирование «Линейная

	линейных алгебраических уравнений.						ОПК-2	алгебра»
	<b>Раздел 2. Аналитическая геометрия</b>	<b>48</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>44</b>		
	Тема: Система координат на плоскости. Основные понятия. Полярные координаты. Основные приложения метода координат на плоскости. /лз/	8	2			6	УК-1 ОПК-2	Устный опрос
	Тема: Преобразование системы координат.	4				4	УК-1 ОПК-2	Доклад с презентацией
	Тема: Кривые в полярных координатах.	6		2		4	УК-1 ОПК-2	Решение задач
	Тема: Уравнение прямой на плоскости и в пространстве. Общее уравнение прямой Нормальное уравнение прямой, уравнение прямой в отрезках на осях.	4	2			6	УК-1 ОПК-2	Блиц опрос
	Тема: Основные задачи на прямую на плоскости и в пространстве.	4				4	УК-1 ОПК-2	Тест
	Различные способы задания плоскости в пространстве. Взаимное расположение плоскостей, пучок плоскостей.	2				2	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос
	Тема: Линии второго порядка на плоскости.	6				6	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос.
	Тема: Эллипс. Исследование формы эллипса по его уравнению.	6				6	УК-1 ОПК-2	Опрос
	Тема: Линии второго	6				6	УК-1	Тестирование

	порядка. Гипербола и парабола.						ОПК-2	«Аналитическая геометрия»
	<b>Раздел 3. Математический анализ.</b>	<b>48</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>44</b>		
	Тема: Множества. Основные понятия. Числовые множества. Числовые промежутки. Окрестность точки. Функция. Основные свойства функций.	8	2			6	УК-1 ОПК-2	Фронтальный опрос
	Тема: Числовая последовательность. Предел числовой последовательности. Предельный переход в неравенствах. Предел монотонной числовой последовательности. Число e. Натуральные логарифмы. Предел и непрерывность функции. Основные теоремы о пределах.	8		2		6	УК-1 ОПК-2	Доклад с презентацией Контрольная работа №2
	Тема: Производная функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Производная суммы, разности, произведения и частного функций. Производная сложной и обратной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.	6				6	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
	Тема: Комплексные числа и операции над ними. Геометрическое представление комплексных чисел. Действия над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение и деление	6				6	УК-1 ОПК-2	Тест по теме

комплексных чисел; извлечение корней из комплексных чисел.							
Тема Действия над комплексными числами.	6				6	УК-1 ОПК-2	Доклад с презентацией
Тема: Неопределенный интеграл. Понятие неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла. Метод непосредственного интегрирования. Метод интегрирования подстановкой.	6				6	УК-1 ОПК-2	Реферат
Тема: Метод интегрирования по частям. «Берущиеся » и «неберущиеся» интегралы. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона – Лейбница	4				4	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Интегрирование иррациональных функций. квадратичные иррациональности. Дробно- линейная и тригонометрическая подстановки.	4				4	УК-1 ОПК-2	Тестирование «Математический анализ»
<b>Раздел 4. Теория вероятностей</b>	<b>48</b>	<b>2</b>	<b>2</b>		<b>44</b>		
Тема: Предмет теории вероятности. События и испытания. Элементы комбинаторики. Правила суммы и произведения для выбора двух и более объектов.	10	2			8	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.



Тема: Вычисление вероятности наступления события с помощью классического определения.	10		2		8	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Алгебра событий. Сумма и произведение нескольких событий. Дискретные случайные величины.	8				8	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос.
Тема: Непрерывные случайные величины. Биноминальное и геометрическое распределение вероятности.	8				8	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины. Биноминальное и геометрическое распределение вероятности.	12				12	УК-1 ОПК-2	Задания по теме практического занятия, типовые расчеты, контрольный опрос.
<b>Раздел 5. Математическая статистика</b>	<b>46</b>	<b>2</b>			<b>44</b>		
Тема: Основы математической статистики. Генеральная совокупность и выборка. Доверительные интервалы и доверительные пределы.	14	2			12	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.

Тема: Определение закона распределения случайной величины. Исследование случайных зависимостей. Однофакторный корреляционно-регрессионный анализ.	16				16	УК-1 ОПК-2	Конспектирование и анализ литературы, письменные ответы на вопросы по самостоятельной подготовке.
Тема: Генеральная совокупность и выборка. Доверительные интервалы и доверительные пределы.	16				16	УК-1 ОПК-2	Тестирование «Математическая статистика»
<b>Всего</b>	<b>252</b>	<b>12</b>	<b>8</b>		<b>150</b>		

## 5.2. Виды занятий и их содержание

### 5.2.1. Тематика и краткое содержание лекционных занятий

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 1

ТЕМА: Основные понятия теории множеств

- 1). Множества.
- 2) Объединение, пересечение, разность и симметрическая разность множеств
- 3). Прямое произведение множеств

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 2

Тема: Матрицы.

- 1). Матрицы. Виды матриц.
- 2). Единичная и нулевая матрицы.
- 3) Сложение и вычитание матриц, произведение матрицы на число.
- 4) Умножение матриц.
- 5) Свойства сложения и умножения матриц.
- 6) Обратные матрицы. Методы вычисления обратных матриц.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 3

Тема: Определители.

- 1) Вырожденные и невырожденные матрицы
- 2) Правила вычисления определителей второго и третьего порядков.
- 3) Свойства определителей.
- 4) Миноры и алгебраические дополнения.
- 5) Вычисление определителей высших порядков.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 4

Тема: Линейная зависимость векторов. Ранг матрицы.

- 1) Ранг матрицы. Свойства ранга матрицы.
- 2) Линейная независимость рядов матрицы.
- 3) Линейная комбинация строк матрицы. Теорема о линейной зависимости строк матрицы.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 5

Тема: Системы линейных алгебраических уравнений.

- 1) Системы линейных алгебраических уравнений.
- 2) Основная и расширенная матрицы системы.
- 3) Совместные и несовместные системы.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ №6

Тема: Системы линейных алгебраических уравнений.

- 1) Методы решения СЛАУ. Матричный метод решения.
- 2) Метод последовательного исключения неизвестных
- 3) Метод Крамера.
- 4) Система однородных линейных уравнений

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ №7

Тема: Система координат на плоскости.

- 1) Система координат на плоскости. Декартова система координат.
- 2) Полярная система координат. Связь между координатами точки в декартовой и полярной системах координат
- 3) Основные приложения метода координат на плоскости.  
Расстояние между точками на плоскости. Деление отрезка в данном отношении.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ №8

Тема: Преобразование системы координат.

- 1) Преобразования системы координат
- 2) Параллельный перенос осей координат.
- 3) Поворот осей координат.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ №9

Тема: Уравнение прямой на плоскости и в пространстве.

- 1) Уравнение прямой с угловым коэффициентом. Уравнение прямой проходящей через две точки
- 2) Уравнение прямой в отрезках на осях. Нормальное уравнение прямой. Общее уравнение прямой.
- 3) Параметрическое уравнение прямой.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 10

Тема: Основные задачи на прямую на плоскости и в пространстве.

- 1) Угол между прямыми на плоскости и в пространстве.
- 2) Условия параллельности и перпендикулярности прямых на плоскости и в пространстве.
- 3) Расстояние от точки до прямой и плоскости.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 11.

Тема: Плоскость в пространстве.

- 1) Плоскость в пространстве. Способы задания плоскости в пространстве.
- 2) Взаимное расположение плоскостей. Угол между плоскостями.
- 3) Пучок плоскостей.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 12.

Тема: Линии второго порядка на плоскости.

- 1) Общее уравнение линий второго порядка.
- 2) Окружность. Каноническое уравнение окружности.
- 3) Стандартное упрощение линий второго порядка на плоскости.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 13

Тема: Линии второго порядка. Эллипс.

- 1) Каноническое уравнение эллипса.
- 2) Исследование эллипса по его уравнению.
- 3) Эксцентриситет и фокусы эллипса.

#### ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 14-15

Тема: Множества.

- 1) Множества. Основные понятия.

2) Числовые множества и числовые промежутки.

3) Функция. Основные свойства функций.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 16-17.

Тема: Предел числовой последовательности.

1) Числовая последовательность. Предел числовой последовательности.

2) Предельный переход в неравенствах. Предел монотонной числовой последовательности.

3) Предел и непрерывность функции. Основные теоремы о пределах.

4) Число  $e$ . Натуральные логарифмы.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 18-19.

Тема: Производная функции.

1) Задачи, приводящие к понятию производной. Производная функции

2) Производная сложной и обратной функции

3) Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции.

4) Производная суммы, разности, произведения и частного функций.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 20-21

Тема: Комплексные числа и операции над ними.

1) Комплексные числа и операции над ними.

2) Геометрическое представление комплексных чисел.

3) Действия над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение и деление комплексных чисел; извлечение корней из комплексных чисел.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 22

Тема: Неопределенный интеграл.

1) Понятие неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла.

2) Метод непосредственного интегрирования. Метод интегрирования подстановкой.

3) Метод интегрирования по частям. «Берущиеся» и «неберущиеся» интегралы.

4) Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона – Лейбница.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 23

Тема: Предмет теории вероятности.

1) Предмет теории вероятности.

2) События и испытания.

3) Элементы комбинаторики.

4) Правила суммы и произведения для выбора двух и более объектов.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 24

Тема: Алгебра событий.

1) Алгебра событий.

2) Сумма и произведение нескольких событий.

3) Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины.

4) Биноминальное и геометрическое распределение вероятности.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 25

Тема: Основы математической статистики.

1) Основы математической статистики.

2) Генеральная совокупность и выборка.

3) Доверительные интервалы и доверительные пределы.

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 26

Тема: Определение закона распределения случайной величины.

1) Исследование случайных зависимостей.

2) Однофакторный корреляционно-регрессионный анализ

ЛЕКЦИОННОЕ ЗАНЯТИЕ № 27

Тема: Закон распределения случайной величины

1) Определение закона распределения случайной величины.

2) Исследование случайных зависимостей.

3) Однофакторный корреляционно- регрессионный анализ.

5.2.2. Тематика и краткое содержание практических занятий

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 1-2

Тема: Вычисление обратной матрицы.

- 1) Обратная матрица.
- 2) Методы вычисления обратной матрицы.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 3-4

Тема: Системы линейных алгебраических уравнений.

- 1) Основная и расширенная матрицы системы.
- 2) Метод последовательного исключения неизвестных

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 5-6

Тема: Системы линейных однородных уравнений.

- 1) Системы линейных однородных уравнений. Тривиальное решение системы.
- 2) Фундаментальная система решений однородной системы уравнений.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 7

Тема: Кривые в полярных координатах.

- 1) Лемниската Бернулли.
- 2) Улитка Паскаля.
- 3) Трехлепестковая роза.
- 3) Полярные, цилиндрические и сферические координаты.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 8

Тема: Окружность. Основные понятия. Стандартное упрощение линий второго порядка на плоскости.

- 1) Окружность. Основные понятия.
- 2) Основные понятия. Стандартное упрощение линий второго порядка на плоскости.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 9

Тема: Линии второго порядка. Гипербола и парабола.

- 1) Гипербола. Фокусы и эксцентриситет. Построение гиперболы.
- 2) Парабола. Фокус и директриса. Построение параболы.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 10

Тема: Предел числовой последовательности.

- 1) Вычисление предела числовой последовательности
- 2) Теоремы о пределах.

ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 11

Тема: Производная функции.

- 1) Правила дифференцирования.
- 2) Производная сложной функции.

### ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 12-13

Тема: Вычисление вероятности наступления события с помощью классического определения.

- 1) Вычисление вероятности наступления события с помощью классического определения.
- 2) Решение задач на вычисление вероятности наступления события.

### ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 14-15

Тема: Дискретные случайные величины.

- 1) Дискретные случайные величины.
- 2) Непрерывные случайные величины.
- 3) Биноминальное и геометрическое распределение вероятности.

### ПРАКТИЧЕСКОЕ ЗАНЯТИЕ № 16-17

Тема: Генеральная совокупность и выборка.

- 1) Генеральная совокупность и выборка.
- 2) Доверительные интервалы и доверительные предел

#### 5.3. *Тематика и краткое содержание лабораторных занятий*

Учебным планом не предусмотрены

#### 5.4. *Примерная тематика курсовых работ*

Учебным планом не предусмотрены

#### 5.5. *Самостоятельная работа и контроль успеваемости*

В рамках указанного в учебном плане объема самостоятельной работы по данной дисциплине (в часах) предусматривается выполнение следующих видов учебной деятельности:

Вид самостоятельной работы-	Примерная трудоемкость
Проработка учебного материала занятий лекционного и семинарского типа	32
Опережающая самостоятельная работа (изучение нового материала до его изложения на занятиях)	20
Самостоятельное изучение отдельных вопросов тем дисциплины, не рассматриваемых на занятиях лекционного и семинарского типа	10
Подготовка к текущему контролю	20
Поиск, изучение и презентация информации по заданной теме, анализ научных источников по заданной проблеме	10
Решение задач	20
Подготовка к промежуточной аттестации	20
Итого СРО	132

## **6. Образовательные технологии**

При проведении учебных занятий по дисциплине используются традиционные и инновационные, в том числе информационные образовательные технологии, включая при необходимости применение активных и интерактивных методов обучения.

Традиционные образовательные технологии реализуются, преимущественно, в процессе лекционных и практических занятий. Инновационные образовательные технологии используются в процессе аудиторных занятий и самостоятельной работы студентов в виде применения активных и интерактивных методов обучения.

Информационные образовательные технологии реализуются в процессе использования электронно-библиотечных систем, электронных образовательных ресурсов и элементов электронного обучения в электронной информационно-образовательной среде для активизации учебного процесса и самостоятельной работы студентов.

**Развитие у обучающихся навыков командной работы, межличностной коммуникации, принятия решений и лидерских качеств при проведении учебных занятий.**

Практические занятия относятся к интерактивным методам обучения и обладают значительными преимуществами по сравнению с традиционными методами обучения, главным недостатком которых является известная изначальная пассивность субъекта и объекта обучения.

Практические занятия могут проводиться в форме групповой дискуссии, «мозговой атаки», разборка кейсов, решения практических задач и др. Прежде, чем дать группе информацию, важно подготовить участников, активизировать их ментальные процессы, включить их внимание, развивать кооперацию и сотрудничество при принятии решений.

Методические рекомендации по проведению различных видов практических (семинарских) занятий.

### **1. Обсуждение в группах**

Групповое обсуждение какого-либо вопроса направлено на нахождение истины или достижение лучшего взаимопонимания, Групповые обсуждения способствуют лучшему усвоению изучаемого материала.

На первом этапе группового обсуждения перед обучающимися ставится проблема, выделяется определенное время, в течение которого обучающиеся должны подготовить аргументированный развернутый ответ.

Преподаватель может устанавливать определенные правила проведения группового обсуждения:

- задавать определенные рамки обсуждения (например, указать не менее 5... 10 ошибок);
- ввести алгоритм выработки общего мнения (решения);
- назначить модератора (ведущего), руководящего ходом группового обсуждения.

На втором этапе группового обсуждения вырабатывается групповое решение совместно с преподавателем (арбитром).

Разновидностью группового обсуждения является круглый стол, который проводится с целью поделить проблемами, собственным видением вопроса, познакомиться с опытом, достижениями.

### **2. Публичная презентация проекта**

Презентация – самый эффективный способ донесения важной информации как в разговоре «один на один», так и при публичных выступлениях. Слайд-презентации с использованием мультимедийного оборудования позволяют эффективно и наглядно представить содержание изучаемого материала, выделить и проиллюстрировать сообщение, которое несет поучительную информацию, показать ее ключевые содержательные пункты. Использование интерактивных элементов позволяет усилить эффективность публичных выступлений.

### **3. Дискуссия**

Как интерактивный метод обучения означает исследование или разбор. Образовательной дискуссией называется целенаправленное, коллективное обсуждение конкретной проблемы (ситуации), сопровождающейся обменом идеями, опытом, суждениями, мнениями в составе группы обучающихся.

Как правило, дискуссия обычно проходит три стадии: ориентация, оценка и консолидация. Последовательное рассмотрение каждой стадии позволяет выделить следующие их особенности.

Стадия ориентации предполагает адаптацию участников дискуссии к самой проблеме, друг другу, что позволяет сформулировать проблему, цели дискуссии; установить правила, регламент дискуссии.

В стадии оценки происходит выступление участников дискуссии, их ответы на возникающие вопросы, сбор максимального объема идей (знаний), предложений, пресечение преподавателем (арбитром) личных амбиций отклонений от темы дискуссии.

Стадия консолидации заключается в анализе результатов дискуссии, согласовании мнений и позиций, совместном формулировании решений и их принятии.

В зависимости от целей и задач занятия, возможно, использовать следующие виды дискуссий: классические дебаты, экспресс-дискуссия, текстовая дискуссия, проблемная дискуссия, ролевая (ситуационная) дискуссия.

## 7. Фонд оценочных средств для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине (модулю)

### 7.1. Описание шкал оценивания степени сформированности компетенций

Уровни сформированности компетенций	Индикаторы	Качественные критерии оценивание			
		2 балла	3 балла	4 балла	5 баллов
<b>УК-1</b>					
Базовый	<b>Знать:</b> Возможности осуществить поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	Знает основные механизмы и методики поиска, синтеза информации. Отсутствуют ответы на дополнительные вопросы преподавателя.	Знает Основные механизмы и методики поиска, синтеза информации. Отвечает на вопросы с помощью дополнительных наводящих вопросов.	Подробно и самостоятельно рассказывает об основных механизмах и методиках поиска, синтеза информации. В ответе присутствует дополнительная информация (не из лекций).	
	<b>Уметь:</b> Разрабатывает этапы решения поставленной задачи, выделяя ее основные составляющие без ошибок	Разрабатывает этапы решения поставленной задачи, выделяя ее основные составляющие допущено несколько ошибок.	Разрабатывает этапы решения поставленной задачи, выделяя ее основные составляющие допущено несколько ошибок в оформлении.	Разрабатывает этапы решения поставленной задачи, выделяя ее основные составляющие без ошибок.	
	<b>Владеет:</b> Разбором	Допускает более двух	Допускает не более двух	Без ошибок производит	



	задачи с указанием этапов конечных целей	и ошибок при разборе задач с указанием этапов конечных целей.	при ошибок при разборе задач с указанием этапов и конечных целей	разбор задачи с указанием этапов и конечных целей решает любые задачи установленного образца.	
Повышенны й	<b>Знает:</b> основные понятия и методы базовых фундаментальн ых разделов наук о Земле, естественно-научного и математическог о циклов				Обучающийся способен применять базовые знания математического цикла при решении задач в области химии и биологии дает полный, развернутый ответ на поставленный вопрос, показывает совокупность осознанных знаний об объекте, доказательно раскрывает основные положения темы; в ответе прослеживается четкая структура, логическая последовательность, отражающая сущность раскрываемых понятий. Окончательный ответ дается с адекватным использованием научных терминов с подробными и безошибочными выкладками,

					показана способность быстро реагировать на уточняющие вопросы.
	<b>Умеет:</b> Рассматривает возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки.				Отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности; применять принципы и методы системного подхода для решения поставленных задач.
	<b>Владеть:</b> Анализом задачи, выделяя ее базовые составляющие, осуществляет декомпозицию задачи; Находит и критически анализирует информацию, необходимую для решения поставленной задачи. Рассматривать возможные варианты решения задачи, оценивая их достоинства и недостатки.				Практическими навыками поиска, анализа и синтеза информации.  Практическими навыками выбора оптимальных способов решения задач, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений.
<b>ОПК-2</b>					
Базовый	Знать: основные понятия, закономерности	Знает основополагающие понятия и	Знает Основные механизмы и методики	Подробно и самостоятельно рассказывает об основных	

	<p>и, современные направления математики; основные классы задач, решаемых в различных разделах изучаемой дисциплины; основы математического анализа, аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциальных уравнений, численных методов, теории вероятности, математической статистики в объеме, необходимом для владения математическим аппаратом химических и биологических наук</p>	<p>терминологию математических исследований. Умеет обобщать и обрабатывать экспериментальную информацию. Владеет аппаратом и программами для обработки результатов мониторинга.</p>	<p>поиска, синтеза информации. Отвечает на вопросы с помощью дополнительных наводящих вопросов.</p>	<p>механизмах и методиках поиска, синтеза информации. В ответе присутствует дополнительная информация (не из лекций).</p>	
	<p><b>Уметь:</b> применять полученные знания для анализа основных задач, типичных для биологических наук; владеть приемами обработки информации и анализа данных по химии и биологии</p>	<p>Не умеет использовать базовые знания в области математики и естественных наук для решения задач профессиональной деятельности. Не владеет основными математическими методами для</p>	<p>Умеет использовать базовые знания в области математики и естественных наук для решения задач профессиональной деятельности. Владеет основными физическими законами и математическим</p>	<p>Разрабатывает этапы решения поставленной задачи, выделяя ее основные составляющие без ошибок.</p>	<p>Умеет эффективно использовать базовые знания в области математики и естественных наук для решения задач профессиональной деятельности. Уверенно владеет основными</p>

		решения задач профессиональной деятельности	и методами для решения задач профессиональной деятельности.		физическими законами и математическим и методами для решения задач профессиональн
	<b>Владеет:</b> методами построения математических моделей типовых задач; методами математического моделирования в химии и биологии	Допускает более двух ошибок при разборе задач с указанием этапов и конечных целей.	Допускает не более двух ошибок при разборе задач с указанием этапов и конечных целей	Без ошибок производит разбор задачи с указанием этапов и конечных целей решает любые задачи установленного образца.	
Повышенны й	<b>Знает:</b> основные понятия, закономерности, современные направления математики; основные классы задач, решаемых в различных разделах изучаемой дисциплины; основы математического анализа, аналитической геометрии, линейной алгебры, дифференциальных уравнений, численных методов, теории вероятности, математической статистики в объеме, необходимом				Знает основополагающие понятия, терминологию, теорию и методы математики

	для владения математическим аппаратом биологических наук				
	<b>Умеет:</b> применять полученные знания для анализа основных задач, типичных для дисциплин химии и биологии наук; владеть приемами обработки информации и анализа данных химии и биологии				Отличать факты от мнений, интерпретаций, оценок и т.д. в рассуждениях других участников деятельности; применять принципы и методы системного подхода для решения поставленных задач.
	<b>Владеть:</b> методами построения математических моделей типовых задач; методами математического моделирования в экологии и природопользовании				Практическими навыками поиска, анализа и синтеза информации.  Практическими навыками выбора оптимальных способов решения задач, исходя из действующих правовых норм, имеющихся ресурсов и ограничений.

**7.2. Типовые контрольные задания или иные учебно-методические материалы, необходимые для оценивания степени сформированности компетенций в процессе освоения учебной дисциплины**

**7.2.1. Типовые письменные работы:**

**Контрольная работа №1**

### Вариант № 1

1. Доказать совместность системы и решить её тремя способами: по формулам Крамера; методом Гаусса и средствами матричного исчисления.

$$\begin{cases} 4x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = -12, \\ x_1 + 7x_2 - 5x_3 + 2x_4 = -9, \\ -2x_1 + 5x_2 - 6x_3 + 3x_4 = -8. \end{cases}$$

2. Вычислить определитель:

$$\text{a) } \begin{vmatrix} 7 & 3 \\ 2 & 1 \end{vmatrix}, \text{ б) } \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 1 & 0 & 2 \\ 4 & 5 & 9 \end{vmatrix}, \text{ в) } |A| = \begin{vmatrix} 2 & -5 & 4 & 3 \\ 3 & -4 & 7 & 5 \\ 4 & -9 & 8 & 5 \\ -3 & 2 & -5 & 3 \end{vmatrix};$$

3. Найти матрицу, обратную данной:

$$A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 7 & 3 & 10 \\ 15 & 6 & 20 \end{pmatrix};$$

4. Заданы вектора:  $\vec{a} = (2; 3; 2)$ ,  $\vec{b} = (4; 7; 5)$ ,  $\vec{c} = (1; -1; 1)$ .

Найти  $(\vec{a} - 2\vec{c})(2\vec{b} + 3\vec{a})$ ;  $(2\vec{a} + \vec{c}) \times (\vec{b} - 3\vec{a})$ ;  $\text{Pr}_{\vec{b}} \vec{a}$ ; направляющие косинусы вектора  $2\vec{b} + \vec{a} - 3\vec{c}$ .

5. Найти объем пирамиды ABCD, если

$$A = (1; 3; 1), B = (-1; -2; 1), C = (2; -1; 3), D = (1; 4; 3).$$

6. Найти угол между векторами  $\vec{AB}$  и  $\vec{AC}$ , если

$$A = (1; 2; -1), B = (-1; 3; 2), C = (2; -1; 4).$$

### Вариант № 2

1. Доказать совместность системы и решить её тремя способами: по формулам Крамера; методом Гаусса и средствами матричного исчисления.

$$\begin{cases} x_1 - x_2 - 4x_3 + 9x_4 = 22, \\ x_1 + 2x_2 - 4x_3 = -3, \\ 2x_1 - 3x_2 + x_3 + 5x_4 = -3. \end{cases}$$

2. Вычислить определитель:

$$a) \begin{vmatrix} 1 & 3 \\ -6 & 1 \end{vmatrix}, б) \begin{vmatrix} 0 & 1 & 3 \\ 2 & -3 & 5 \\ 3 & 5 & 7 \end{vmatrix}, в) |A| = \begin{vmatrix} 1 & -2 & 1 & 3 \\ 0 & -4 & 2 & 5 \\ 3 & 0 & -4 & 1 \\ 1 & 2 & -1 & 4 \end{vmatrix}$$

3. Найти матрицу, обратную данной:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 2 & -5 & 4 \\ 3 & -7 & 5 \end{pmatrix};$$

4. Заданы вектора:  $\vec{a} = (-1; 3; 4)$ ,  $\vec{b} = (2; 4; -3)$ ,  $\vec{c} = (1; 5; -3)$ .

Найти  $(2\vec{a} + 3\vec{c})(\vec{b} - 3\vec{a})$ ;  $(-\vec{a} - \vec{c}) \times (\vec{b} + 3\vec{a})$ ;  $Pr_{\vec{b}} \vec{a}$ ; направляющие косинусы вектора  $\vec{b} + \vec{a} - 2\vec{c}$ .

5. Найти объем пирамиды ABCD, если

$$A = (1; 3; -1), B = (-1; 2; 1), C = (4; -1; 3), D = (1; 2; 3).$$

6. Найти угол между векторами  $\vec{AB}$  и  $\vec{AC}$ , если

$$A = (-1; 2; 2), B = (-1; 3; 4), C = (-2; -1; 4).$$

### Вариант № 3

1. Доказать совместность системы и решить её тремя способами: по формулам Крамера; методом Гаусса и средствами матричного исчисления.

$$\begin{cases} 4x_1 - 3x_2 + 2x_3 - x_4 = 2, \\ x_1 - 2x_2 + 3x_3 - 4x_4 = -2, \\ 2x_1 + x_2 - 4x_3 + 7x_4 = 6. \end{cases}$$

2. Вычислить определитель:

$$a) \begin{vmatrix} -2 & 3 \\ 3 & 1 \end{vmatrix}, б) \begin{vmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 5 & 3 & 2 \\ 1 & -4 & 3 \end{vmatrix}, в) |A| = \begin{vmatrix} 3 & -9 & -3 & -1 \\ 5 & -8 & -2 & 0 \\ 4 & -5 & -1 & -2 \\ 7 & 0 & -4 & -5 \end{vmatrix}$$

3. Найти матрицу, обратную данной:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ -1 & -1 & 2 \\ 2 & 4 & -5 \end{pmatrix};$$

$$\vec{a} = (5; -1; 2), \vec{b} = (-2; 4; -3), \vec{c} = (0; 2; -3).$$

4. Заданы вектора;

Найти  $(3\vec{a} + \vec{c})(2\vec{b} - \vec{a})$ ;  $(-2\vec{a} + \vec{c}) \times (2\vec{b} + \vec{a})$ ;  $Pr_{\vec{b}} \vec{c}$ ; направляющие

косинусы вектора  $2\vec{b} + \vec{a} - 3\vec{c}$ .

5. Найти объем пирамиды ABCD, если  $A = (2; 4; -1), B = (3; 1; -2), C = (0; 2; 4), D = (1; 2; 3)$ .

6. Найти угол между векторами  $\vec{AB}$  и  $\vec{AC}$ , если  $A = (2; 2; -1), B = (-2; 3; 1), C = (2; 1; 3)$ .

Контрольная работа №2.

Задание

№1. Вычислить предел.

1	$1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{5x^2 - 11x + 2}{\sqrt{7+x} - 3};$ $2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{(1-x)(1+x^5)}{5x^8 - 8};$ $3) \lim_{x \rightarrow -10} \frac{\sin^2(x+10)}{\sqrt{x^2 - 36} - 8};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x+3}\right)^{4x-1};$ $5) \lim_{x \rightarrow \infty} x(\ln(x-10) - \ln x).$
2	$1) \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4x^2 - 9x + 2}{\sqrt{2x} - 2};$ $2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{1-x^2} + 5x}{\sqrt[3]{1-x^3}};$ $3) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\operatorname{tg}(x+5)}{\sqrt{6+x} - 1};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+3}{5x-2}\right)^{9x-1};$ $5) \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{9+x}{8+x}.$
3	$1) \lim_{x \rightarrow 4} \frac{3x^2 + 11x - 4}{\sqrt{8+x} - 2};$ $2) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{1-x} - 8x^5}{3x+2};$ $3) \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\operatorname{tg}(x-5)}{2 - \sqrt{x-1}};$ $4) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x+5}{3x+1}\right)^{8x-1};$ $5) \lim_{x \rightarrow \infty} x \ln \frac{x-3}{x+3}.$

### Контрольная работа №3

Номер вар.	Найти производную функции
1	$a) y = \sqrt[3]{2e^{3x} - 2^{\frac{x}{2}} + 4} + \ln^6 4x;$ $b) xy = \operatorname{arctg} \frac{x}{y};$ $в) y = (xe^x)^{x^2};$ $г) y = e^{-2x} \cos 3x;$ $д) y = \sqrt[3]{x^2} \frac{1-x}{1+x^2} \sin^3 x \cos^2 x$
2	$a) y = \frac{\operatorname{arctg} x + 1}{\sqrt{x+1}} + \frac{\operatorname{arctg} x + 1}{\sqrt{x+1}};$ $б) y = \frac{\operatorname{arctg} x + e^x}{y};$ $в) y = (1 + \log x)^4;$ $г) y = \operatorname{arctg}(\sin x) + \sin x \ln \cos x;$ $д) y = \operatorname{arctg} \ln 3x;$
3	$a) y = \sqrt{x^2 + 1} - \ln \left( \frac{1 + \sqrt{x^2 + 1}}{x} \right);$ $б) x^{y+1} = y^{x+1};$ $в) y = (\sqrt[3]{x-1})^{x+1};$ $г) y = 2^{\operatorname{arcsin} x} + (1 - \arccos 3x)^2;$ $д) y = 3 \sin 2x \cos^2 x + \sin^3 x;$



### Контрольная работа №4

Номер вар.	Интегралы
1	$\int \frac{e^x dx}{\sqrt{1-e^x}} ; \quad \int \frac{19-4x}{2x^2+x-3} dx ; \quad \int (5x-2) \ln x dx ; \quad \int \frac{dx}{1-\sqrt[3]{x+1}} .$
2	$\int x\sqrt{3-x^2} dx ; \quad \int \frac{2x+9}{x^2+5x+6} dx ; \quad \int x \cdot \cos^2(2x) dx ; \quad \int \frac{dx}{\sin x + \operatorname{tg} x} .$
3	$\int \frac{\operatorname{arctg} x}{1+x^2} dx ; \quad \int \frac{x+9}{x^2+2x-3} dx ; \quad \int \ln(3+x^2) dx ; \quad \int \frac{dx}{\sqrt{x+3} + \sqrt[3]{(x+3)^2}} .$

#### 7.2.2. Примерные вопросы к итоговой аттестации (Экзамен)

1. Основные понятия теории множеств.
2. Операции над множествами. Прямое произведение множеств.
3. Бинарные и n-арные отношения. Операции на бинарных отношениях.
4. Понятие матрицы. Виды матриц.
5. Операции над матрицами. Сложение, умножение матрицы на число.
6. Операции над матрицами. Умножение матриц.
7. Перестановочные и обратимые матрицы.
8. Миноры и их алгебраические дополнения.
9. Вычисление обратной матрицы. Матричная форма СЛУ.
10. Алгоритм для вычисления обратной матрицы к invertible матрице.
11. Определители. Свойства определителей.
12. Определители n-го порядка.
13. Необходимое и достаточное условие обратимости матриц.
14. Линейная зависимость векторов. Ранг матрицы.
15. Системы линейных алгебраических уравнений. Метод последовательного исключения неизвестных.
16. Системы линейных однородных уравнений.
17. Фундаментальный набор решений ОСЛАУ.
18. Правило Крамера.
19. Система координат на плоскости. Основные понятия.
20. Основные приложения метода координат на плоскости.
21. Площадь треугольника.
22. Преобразование системы координат.
23. Поворот осей координат. Параллельный перенос осей координат.

24. Прямые линии на плоскости и в пространстве.
25. Уравнение прямой на плоскости и в пространстве.
26. Уравнение прямой с угловым коэффициентом, уравнение прямой, проходящей через две точки, полярное уравнение прямой.
27. Общее уравнение прямой.
28. Нормальное уравнение прямой, уравнение прямой в отрезках на осях.
29. Уравнение прямой, проходящей через данную точку в данном направлении.
30. Основные задачи на прямую на плоскости и в пространстве.
31. Линии второго порядка на плоскости. Окружность. Основные понятия.
32. Решение задач с применением свойств окружности.
33. Эллипс. Исследование формы эллипса по его уравнению.
34. Линии второго порядка. Гипербола и парабола.
35. Исследование формы гиперболы и параболы по их уравнению. Асимптоты гиперболы.
36. Множества. Основные понятия. Числовые множества.
37. Числовые промежутки. Окрестность точки.
38. Функция. Основные свойства функций.
39. Числовые функции. График функции.
40. Числовая последовательность.
41. Предел и непрерывность функции. Основные теоремы о пределах.
42. Признаки существования пределов. Первый и второй замечательные пределы.
43. Непрерывность функций. Непрерывность функции в интервале и на отрезке.
44. Точки разрыва функции и их классификация. Основные теоремы о непрерывных функциях.
45. Производная суммы, разности, произведения и частного функций. Производная сложной и обратной функции.
46. Комплексные числа и операции над ними. Геометрическое представление комплексных чисел.
47. Действия над комплексными числами: сложение, вычитание, умножение и деление комплексных чисел; извлечение корней из комплексных чисел.
48. Неопределенный интеграл. Понятие неопределенного интеграла.
49. Свойства неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов.
50. Метод интегрирования по частям. Интегрирование рациональных функций.
51. Интегрирование иррациональных функций, квадратичные иррациональности. Дробно-линейная и тригонометрическая подстановки.
52. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона – Лейбница.
53. Интегрирование по частям и подстановкой.
54. Элементы комбинаторики. Правила суммы и произведения для выбора двух и более объектов.
55. Размещения, сочетания, перестановки.
56. Вычисление вероятности наступления события с помощью классического определения.
57. Решение задач на классическое определение вероятности.
58. Алгебра событий. Сумма и произведение нескольких событий.
59. Дискретные случайные величины. Непрерывные случайные величины.
60. Законы распределения дискретной случайной величины. Центральная предельная теорема.
61. Основы математической статистики. Генеральная совокупность и выборка.
62. Определение закона распределения случайной величины. Исследование случайных зависимостей.
63. Корреляционно-регрессионный анализ. Оценка качества регрессионной модели.
64. Однофакторный корреляционно-регрессионный анализ.
65. Многофакторный корреляционно-регрессионный анализ

66. Оценка степени линейной взаимосвязи между зависимой переменной и каждым из факторов.

**Критерии оценки устного ответа на вопросы по дисциплине «Математика»:**

✓ 5 баллов - если ответ показывает глубокое и систематическое знание всего программного материала и структуры конкретного вопроса, а также основного содержания и новаций лекционного курса по сравнению с учебной литературой. Студент демонстрирует отчетливое и свободное владение концептуально-понятийным аппаратом, научным языком и терминологией соответствующей научной области. Знание основной литературы и знакомство с дополнительно рекомендованной литературой. Логически корректное и убедительное изложение ответа.

✓ 4 - балла - знание узловых проблем программы и основного содержания лекционного курса; умение пользоваться концептуально-понятийным аппаратом в процессе анализа основных проблем в рамках данной темы; знание важнейших работ из списка рекомендованной литературы. В целом логически корректное, но не всегда точное и аргументированное изложение ответа.

✓ 3 балла – фрагментарные, поверхностные знания важнейших разделов программы и содержания лекционного курса; затруднения с использованием научно-понятийного аппарата и терминологии учебной дисциплины; неполное знакомство с рекомендованной литературой; частичные затруднения с выполнением предусмотренных программой заданий; стремление логически определенно и последовательно изложить ответ.

✓ 2 балла – незнание, либо отрывочное представление о данной проблеме в рамках учебно-программного материала; неумение использовать понятийный аппарат; отсутствие логической связи в ответе.

**7.2.3. Тестовые задания для проверки знаний студентов**

**Линейная алгебра**

**Задание 1**

Выберите правильный вариант ответа  
Элементами присоединенной матрицы по отношению к матрице А являются

- Сами элементы матрицы А
- Миноры элементов матрицы А
- Любые числа
- Алгебраические дополнения элементов матрицы А

**Задание 2**

Выберите правильный вариант ответа

Ранг матрицы  $\begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 & 0 \\ 4 & 3 & 2 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 \end{pmatrix}$  равен

- 1
- 3
- 2
- 4

### Задание 3

Выберите правильный вариант ответа

Матрица  $\begin{pmatrix} 3 & 1 & -1 \\ 0 & 4 & 2 \\ 0 & \alpha & 1 \end{pmatrix}$  является вырожденной, если число  $\alpha$  равно

- 6
- 2
- 18
- 2

### Задание 4

Дополнить

Сумма элементов первого столбца  $C=2A-3B$ , если  $A = \begin{pmatrix} -7 & 54 & 2 \\ -30 & 2 & 55 \\ 2 & 45 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 20 & 4 & 57 \\ -20 & 5 & 4 \\ -4 & 6 & 3 \end{pmatrix}$ , равно

Правильные варианты ответа: -82;

### Задание 5

Выберите правильный вариант ответа

Миноры элементов  $a_{13}, a_{23}, a_{33}$  матрицы  $\begin{pmatrix} 5 & 8 & -4 \\ 6 & 9 & -5 \\ 4 & 7 & -3 \end{pmatrix}$

равны

- $M_{13} = 3, M_{23} = -3, M_{33} = -3$
- $M_{13} = 6, M_{23} = 6, M_{33} = -3$
- $M_{13} = -6, M_{23} = 3, M_{33} = -3$
- $M_{13} = 6, M_{23} = 3, M_{33} = -3$

### Задание 6

Отметить правильные варианты ответов

Если существует матрица  $A-(5A)^T$ ,

то матрица A

- является квадратной
- является нулевой (размера  $m \times n$ , где  $m$  не равно  $n$ )
- может быть произвольной
- может быть единичной

### Задание 7

Дополнить

Определитель  $\begin{vmatrix} 1 & 3\alpha + 2 \\ 2 & 10 \end{vmatrix}$  равен 0,

если  $\alpha$  равно

Правильные варианты ответа: 1;

### Задание 8

Дополнить

Определитель  $\begin{vmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{vmatrix} = 2$ . Тогда

определитель матрицы  $\begin{pmatrix} 3a_{11} & -3a_{12} & 3a_{13} \\ a_{21} & -a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & -a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}$  равен ...

Правильные варианты ответа: -6;

### Задание 9

Отметить правильные варианты ответов

Среди матриц

$$A_1 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ 3 & 0 & 5 \\ 4 & 0 & 6 \end{pmatrix}, \quad A_2 = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 3 & 3 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \end{pmatrix},$$

$$A_3 = \begin{pmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2 & 3 & 4 \\ 3 & 4 & 5 \end{pmatrix}, \quad A_4 = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix}$$

обратную имеет только матрица...

- $A_1$
- $A_2$
- $A_3$
- $A_4$

### Задание 10

Отметить правильный вариант ответа

Матрица  $\begin{pmatrix} -2 & 4 \\ 3 & k \end{pmatrix}$  не имеет обратной при  $k$ , равном ...

- 0
- 6
- 6
- 3

### Задание 11

Дополнить

Определитель произведения матриц

$$A = \begin{pmatrix} -5 + \alpha & 2 \\ 3 & 1 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} 2 & 3\alpha - 1 \\ 1 & 16 \end{pmatrix} \text{ равен } 0$$

при  $\alpha$  равном ...

Правильные варианты ответа: 11;

### Задание 12

Определить соответствие

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} -2 & 1,5 \\ 1 & -0,5 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} 5 & 8 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} 1 & -4 \\ -0,5 & 2,5 \end{pmatrix}$$

$$A = \begin{pmatrix} -3 & 1 \\ 1 & 3 \end{pmatrix}$$

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} -0,3 & 0,1 \\ 0,1 & 0,3 \end{pmatrix}$$

### Задание 13

Дополнить

Матрица обратная к матрице  $A = \begin{pmatrix} 2 & -\alpha & 2 \\ -1 & 5 & -2 \\ 4 & 6 & 4 \end{pmatrix}$  не

существует при  $\alpha$  равном...

Правильные варианты ответа: 3;

### Задание 14

Если для матрицы  $A = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 2 \\ -1 & 1 & -1 \\ 0 & 1 & 2 \end{pmatrix}$  обратная матрица имеет вид

$$A^{-1} = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & a_{13} \\ a_{21} & a_{22} & a_{23} \\ a_{31} & a_{32} & a_{33} \end{pmatrix}, \text{ то элемент } a_{23} \text{ равен } \dots$$

Правильные варианты ответа: -1;

### Задание 15

Соответствие

Система линейных уравнений имеющее хотя бы одно решение называется	Совместной
Система линейных уравнений не имеющая решений называется	Несовместной
Система линейных уравнений имеющее единственное решение называется	Определенной
Система линейных уравнений имеющее множество решений называется	не определенной

### Задание 16

Отметьте правильный ответ

Корни системы уравнений  $\begin{cases} 2x - 3y + z = 14, \\ 5x + y - 3z = 7, \\ 4x + 3y + 2z = 10; \end{cases}$  равны

3,2,-2

3,2,2

3,-2,2

2,3,2

### Задание 17

Отметить правильные ответы

Какие из перечисленных ниже правил для вычисления определителя 3 порядка матрицы A имеют место

- правило треугольника;
- правило Саррюса;
- правило разложения определителя по элементам какой-либо строки
- нет правильных ответов

### Задание 18

Отметить правильные ответы

Какие из перечисленных ниже свойств определителя верны

- если строки определителя заменить соответствующими столбцами, а столбцы - соответствующими строками, то определитель не изменится
- при перестановке двух строк определитель не изменится
- если элементы одной строки соответственно равны элементам другой строки, то определитель отличен от нуля
- если умножить строку определителя на число не равное нулю, то сам определитель умножится на это число

### Задание 19

Отметить правильный ответ

Если все столбцы матрицы A являются соответствующими строками матрицы B, то матрица B называется

- транспонированной по отношению к матрице A
- присоединенной к матрице A
- нет правильных ответов
- единичной

### Задание 20

Отметить правильный ответ

Дана система линейных уравнений 
$$\begin{cases} 2x - 5y = 1 \\ ax + 5y = -2 \end{cases}.$$

Система не имеет решений при a равном

- 0,5
- 2
- 2
- 0

### Задание 21

Отметить правильный ответ

В системе уравнений

$$\begin{cases} x_1 - 3x_2 - x_3 + 2x_4 + x_5 = 0 \\ x_2 + x_3 - 2x_4 + x_5 = 0 \\ 2x_3 + x_4 - 4x_5 = 0 \end{cases}$$

независимыми (свободными) переменными можно считать

- $x_4, x_5$
- $x_5$
- $x_1, x_2, x_3$

$x_1, x_2, x_3, x_4, x_5$

### Задание 22

Отметить правильный ответ

Разность между числом свободных и базисных переменных системы уравнений

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 + 7x_3 + 11x_4 - x_5 = 0 \\ x_2 - 4x_3 + x_4 + 11x_5 = 0 \\ x_3 + x_4 + 2x_5 = 0 \end{cases} \text{ равна}$$

1

2

3

0

### Задание 23

Отметить правильные ответы

Дана система  $m$  линейных уравнений с  $n$  неизвестными.

Пусть ранг матрицы этой системы равен  $k$ ,

а ранг расширенной матрицы системы равен  $p$ .

Правильными утверждениями являются

если система имеет хотя бы одно решение, то  $p = k$

если  $p = k$  и  $n > k$ , то система имеет бесконечное множество решений

если  $n > m$ , то система имеет хотя бы одно решение

если  $m > n$ , то система не имеет решений

### Задание 24

Отметить правильный ответ

Система линейных уравнений  $\begin{cases} 2x_1 + x_2 = 4, \\ 4x_1 + 5x_2 = 6 \end{cases}$

решается по правилу Крамера.  $\Delta_1, \Delta_2$  равны

$\Delta_1 = -4$

$\Delta_2 = 14$

$\Delta_1 = -4$

$\Delta_2 = 4$

$\Delta_1 = 14$

$\Delta_2 = -4$

$\Delta_1 = 14$

$\Delta_2 = 1$

### Задание 25

Отметить правильный ответ



Даны матрицы  $A = \begin{pmatrix} 5 & 2 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} -4 & 3 \\ 3 & 1 \end{pmatrix}$ .  
 Решением матричного уравнения  $X - 2B = A$   
 является матрица

$\begin{pmatrix} 1 & 5 \\ 2 & 1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 9 & -1 \\ -4 & -1 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 13 & -4 \\ -7 & -2 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} -3 & 8 \\ 5 & 2 \end{pmatrix}$

**Задание 26**

Отметить правильный ответ

Если  $(x_0; y_0; z_0)$  – решение системы

$$\begin{cases} x + y + z = -2 \\ x - y = -7 \\ 2x + 3y = 1 \end{cases}, \text{ тогда } x_0 - y_0 + z_0 \text{ равно}$$

32

23

33

22

**Задание 27**

Отметить правильный ответ

Система линейных уравнений  $\begin{cases} x_1 + x_2 = a \\ x_1 + x_3 = b \\ x_2 + x_3 = c \end{cases}$  совместна. Тогда ранг расширенной матрицы системы равен

1

2

3

4

**Задание 28**

Отметить правильный ответ

Даны матрицы  $A = \begin{pmatrix} -3 & 4 & 2 \\ 1 & -6 & 0 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} 12 & 20 & 28 \\ -4 & 3 & 27 \end{pmatrix}$ . Тогда матрица  $X$ , являющаяся решением уравнения  $2A + 3X = B$ , равна

$\begin{pmatrix} 18 & 12 & 24 \\ -6 & 15 & 27 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 15 & 16 & 26 \\ -5 & 9 & 27 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 2 & 4 & 8 \\ -2 & -3 & 9 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} 6 & 4 & 8 \\ -2 & 5 & 9 \end{pmatrix}$

### Задание 29

Отметить правильный ответ

$$X = \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix}$$

Если  $\square$  решение матричного уравнения  $A^{-1} \cdot X = B$ ,

где  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 2 & 0 & 1 \\ 0 & 3 & 2 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 3 \\ -2 \\ 0 \end{pmatrix}$ , то  $x_1$  равен

2

3

-5

5

## Тестирование №2

### Аналитическая геометрия

#### Задание 1

Выберите ответ из предложенных.

Составьте общее уравнение плоскости, которая проходит через точку  $M_0(31,0,1)$  и ось  $O_x$

$x=0$

$y=0$

$y=2x+3$

$2x+2y=0$

#### Задание 2

Выберите ответ из предложенных.

На прямой  $x=t$ ,  $y=2+2t$ ,  $z=2-t$  точка, ближайшая к точке  $A(2,3,0)$  имеет координаты...

$(1,4,1)$

$(0,0,0)$

$(2,1,2)$

$(0,1,2)$

#### Задание 3

введите правильный ответ.

Уравнение плоскости, перпендикулярной плоскости  $5x - y + 3z - 2 = 0$ , и проходящей через прямую  $\begin{cases} 5x - 8y - 11z - 4 = 0 \\ x + 2y - z + 2 = 0 \end{cases}$  есть .....

Правильные варианты ответа: все плоскости принадлежащие пучку плоскостей;

#### 4. Задание 4

Введите правильный ответ

На прямой  $x=2t$   $y=4t$   $z=3+5t$  точка равноудаленная от точек  $A(3,1,-2)$  и  $B(5,3,-2)$  имеет координаты....

Правильные варианты ответа: (2,4,8);

### 5. Задание 5

введите правильный ответ.

Уравнение прямой, параллельной прямой  $4x+3y-15=0$  и отстоящей от неё на расстояние  $d=2$  имеет вид...

Правильные варианты ответа:  $4x+3y-25=0$ ;

### 6. Задание 6

Даны два множества объектов: общие уравнения прямых и уравнения прямых в нормальном виде. Составьте из этих множеств пары

$$5x+12y-26=0$$

$$\frac{5}{13}x + \frac{12}{13}y - 2 = 0$$

$$3x - 4y + 10 = 0$$

$$-\frac{3}{5}x + \frac{4}{5}y - 2 = 0$$

$$2x+2y+7=0$$

$$-\frac{x}{\sqrt{2}} - \frac{y}{\sqrt{2}} - \frac{7}{2\sqrt{2}} = 0$$

$$y=3x+5$$

$$-\frac{3}{\sqrt{10}}x + \frac{1}{\sqrt{10}}y - \frac{5}{\sqrt{10}} = 0$$

### 7. Задание 7

Выберите ответ из предложенных

Эксцентриситет гиперболы равен  $\sqrt{2}$ , тогда каноническое уравнение гиперболы, проходящей через точку  $M(\sqrt{3}, \sqrt{2})$  имеет вид

$x^2 - y^2 = 1$

$x^2 - \frac{y^2}{4} = 1$

$\frac{x^2}{25} - \frac{y^2}{16} = 1$

$\frac{x^2}{9} - \frac{y^2}{4} = 1$

### 8. Задание 8

Выберите ответ из предложенных

Каноническое уравнение эллипса, проходящего через точки  $M(\frac{5}{2}, \frac{\sqrt{6}}{4})$  и  $N(-2, \frac{\sqrt{15}}{5})$  имеет вид

$\frac{x^2}{10} + y^2 = 1$

$\frac{x^2}{4} + \frac{y^2}{9} = 1$

$x^2 + y^2 = 1$

$\frac{x^2}{25} + \frac{y^2}{9} = 1$

$\frac{x^2}{5} + \frac{y^2}{7} = 1$

### 9. Задание 9

Даны два множества объектов: одно из них - уравнения кривых, второе сами кривые. Составить из объектов пары.

Окружность

$$36x^2 + 36y^2 - 36x - 24y - 23 = 0$$

Гипербола

$$16x^2 + 25y^2 - 32x + 50y - 359 = 0$$

Мнимый эллипс

$$x^2 + 4y^2 + 8y + 5 = 0$$

Парабола

$$2x^2 - 4x + 2y - 3 = 0$$

### 10. Задание 10

Выберите ответ из предложенных среди уравнений кривых укажите уравнения окружности :

$(x+3)^2 + (y-2)^2 = 16$

$4x^2 + 4y^2 = 49$

$x^2 + 4y^2 = 4$

$\frac{x^2}{81} - \frac{y^2}{16} = 1$

### 11. Задание 11

Введите правильный ответ

Плоскости  $5x - 3y - 2z - 3 = 0$ ,  $10x + 3y + 11z - 42 = 0$ ,  $20x - 39y - 23z + 96 = 0$  и  $10x + 21y + 2z + 21 = 0$  образуют ... .

*Правильные варианты ответа:* тетраэдр;

### 12. Задание 12

введите правильный ответ

Уравнение плоскости  $\sqrt{3}x - 2\sqrt{3}y + 2\sqrt{3}z - 2 = 0$  является ... .

*Правильные варианты ответа:* нормальным;

### 13. Задание 13

Введите правильный ответ

Угол между плоскостями  $11x - 8y - 7z + 5 = 0$  и  $7x + 2y - 8z - 3 = 0$  равен ... .

*Правильные варианты ответа:* 45 градусов;

## Аналитическая геометрия на плоскости

### 14. Задание 14

Введите правильный ответ

$y = kx + b$  - уравнение прямой с направляющим вектором  $p(3, 2)$ , проходящей через точку  $M(2, -1)$ , тогда  $k$ -в равно ... .

*Правильные варианты ответа:* 1; 2; 3; 4; 5;

### 15. Задание 15

Введите правильный ответ

угловой коэффициент прямой  $5x - 4y + 2 = 0$  равен...

*Правильные варианты ответа:* 1,25;

### 16. Задание 16

Введите правильный ответ

Прямая  $y = -2x + 6$  параллельна прямой  $2x + y + c = 0$ , проходящей через точку  $M(-2, -1)$ , тогда  $b + c$  равно...

*Правильные варианты ответа:* 6;

### 17. Задание 17

Выбрать ответ из предложенных.

Значение меньшего угла между прямыми  $y = 2x + 8$  и  $3x - 4y - 12 = 0$  находится в промежутке

(0, 30)

(30, 45)

(45, 60)

- (60,90)
- (90,120)

### 18. Задание 18

Расставить уравнения прямых по мере увеличения их угловых коэффициентов

- 1:  $x=3+t, y=2-t$
- 2:  $3x+4y+5=0$
- 3:  $x=3t, y=-2t$
- 4:  $2x-5y-35=0$

### 19. Задание 19

Даны два множества объектов: одно из них прямые, заданные в каноническом виде, а другое их расположение в пространстве. Составить из этих множеств пары.

$$\frac{x}{3} = \frac{y+1}{-1} = \frac{z-2}{-2} \quad \text{параллельна вектору } \vec{a}(-6,2,4)$$

$$\frac{x-4}{2} = \frac{y}{-3} = \frac{z+5}{-1} \quad \text{параллельна прямой } \frac{x-1}{-4} = \frac{y}{6} = \frac{z}{2}$$

$$\frac{x-3}{0} = \frac{y}{1} = \frac{z}{-2} \quad \text{параллельна оси } O_x$$

$$\frac{x}{5} = \frac{y-7}{0} = \frac{z+4}{2} \quad \text{параллельна оси } O_y$$

### 20. Задание 20

Введите правильный ответ

Центр кривой  $x^2 + y^2 + 6x + 3 = 0$  находится в точке....

Правильные варианты ответа: (-3,0);

## Тестирование №3

### Математический анализ

#### Задание 1

Отметьте правильный ответ

Предел последовательности  $\{a_n\}$ , заданной формулой  $n$ -го члена  $a_n = \frac{2^n}{n+1}$  равен:

- $-\infty$
- $\infty$
- 0
- 2

#### Задание 2

Отметьте правильный ответ

Предел последовательности  $\{a_n\}$ , заданной формулой  $n$ -го члена  $a_n = 2 - \frac{1}{n}$  равен:

- $-\infty$
- $\infty$
- 0

2

### Задание 3

Отметьте правильный ответ

Предел последовательности  $\{a_n\}$ , заданной формулой  $n$ -го члена  $a_n = \frac{n^2 + 3}{n + 3}$  равен:

$-\infty$

$\infty$

0

2

### Задание 4

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответа выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 + 2x - 6}{3x^2 - 6x - 7}$ :

$\infty$

$-\infty$

$\frac{1}{3}$

0

### Задание 5

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответа выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 2x - 6}{3x^2 - 6x - 7}$ :

$-\infty$

$\infty$

$\frac{1}{3}$

0

### Задание 6

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответа выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + 2x - 6}{3x^2 - 6x - 2}$ :

$-\infty$

$\infty$

3

0

### Задание 7

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответов выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 6x}{\sin 2x}$ :

$-\infty$

2

3

0

### Задание 8

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответов выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{4x}\right)^x$ :

$e^{-\frac{1}{4}}$

$e^{\frac{1}{4}}$

$e^{-4}$

$e^4$

### Задание 9

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответов выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 - \frac{1}{4x}\right)^2$ :

$e$

$e^2$

1

0

### Задание 10

Отметьте правильный ответ

Среди перечисленных вариантов ответов выбрать значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sin x}{x}$ :

0

1

$\infty$

$-\infty$

### Задание 11

Отметьте правильный ответ

Областью определения функции  $y = \frac{1}{\log_5(1 - 3x)}$  является:

$(-\infty; \frac{1}{3})$

$(-\infty; 0)$

$(-\frac{1}{3}; \frac{1}{3})$

$(-\infty; 0) \cup (0; \frac{1}{3})$

### Задание 12

Отметьте правильный ответ

Среди функций  $y = x^2 + tg^2 x$ ,  $y = \sin x + tgx$ ,  $y = \cos(x)^3$ ,  $y = (x^2 + 1)\sin x$  четными являются:

- 1,2
- 2,4
- 2,3
- 1,3

### Задание 13

Отметьте правильный ответ

Последовательность, имеющая только один предел, называется:

- монотонной
- неограниченной
- сходящейся
- расходящейся

### Задание 14

Отметьте правильный ответ

Точки, в которых нарушается непрерывность функции, называются:

- точками максимума
- точками разрыва
- точками экстремума
- предельными точками

### Задание 15

Отметьте правильный ответ

Выражение  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 6x}{2x^3 - 7x^2}$  имеет следующее значение:

- 1
- 10
- 1
- 0

### Задание 16

Отметьте правильный ответ

Выражение  $\lim_{x \rightarrow -4} (10 - 5 \ln 2^{x+4})$  имеет следующее значение:

- 10
- 1
- 5
- 0

### Задание 17

Отметьте правильный ответ

Указать, чему равно приращение функции  $y = x^2$  в точке  $x_0 = 3$ , соответствующее приращению аргумента  $\Delta x = 0,1$ :

- 0,61
- 0,39
- 0,01
- 0,03



### Задание 18

Отметьте правильный ответ

Из данных утверждений выбрать то, которое является верным:

- функция дифференцируема в точке тогда и только тогда, когда непрерывна в ней
- если функция непрерывна в точке, то она дифференцируема в ней
- если функция дифференцируема в точке, то она непрерывна в ней
- функция непрерывна в точке тогда и только тогда, когда дифференцируема в ней

### Задание 19

Отметьте правильный ответ

Производная функции  $y = \ln^2 x$  равна:

- $y' = \frac{1}{x^2}$
- $y' = 2 \ln x$
- $y' = \frac{2 \ln x}{x}$
- $y' = \frac{\ln x}{2x}$

### Задание 20

Отметьте правильный ответ

Производная функции  $y = \sin x^2$  равна:

- $y' = 2 \sin x \cos x$
- $y' = 2x \sin x$
- $y' = 2x + \cos x^2$

## Тестирование №4

### Математическая статистика

#### Задание 1

Отметьте правильный ответ

Выборка называется репрезентативной, если:

а) отобранный объект возвращается в генеральную совокупность; б) отобранный объект не возвращается в генеральную совокупность; в) если объем выборки достаточно велик; г) если она правильно представляет пропорции генеральной совокупности.

- а
- б
- в
- г

### **Задание 2**

Отметьте правильный ответ

Выборка называется бесповторной, если:

а) отобранный объект возвращается в генеральную совокупность; б) отобранный объект не возвращается в генеральную совокупность; в) если объём выборки достаточно велик; г) если она правильно представляет пропорции генеральной совокупности.

- а
- б
- в
- г

### **Задание 3**

Отметьте правильный ответ

Выборка называется повторной, если:

а) отобранный объект возвращается в генеральную совокупность; б) отобранный объект не возвращается в генеральную совокупность; в) если объём выборки достаточно велик; г) если она правильно представляет пропорции генеральной совокупности.

- а
- б
- в
- г

### **Задание 4**

Отметьте правильный ответ

Простым называется способ отбора объектов генеральной совокупности, при котором:

а) генеральную совокупность не требуется расчленять на части; б) объекты отбираются из каждой её части, существенно отличающихся от других частей; в) объекты произвольно делят на группы, равные по количеству объектов; г) объекты отбираются не по одному, а группами по несколько объектов подряд.

- а
- б
- в
- г

### **Задание 5**

Отметьте правильный ответ

Типическим называется способ отбора объектов генеральной совокупности, при котором:

а) генеральную совокупность не требуется расчленять на части; б) объекты отбираются из каждой её части, существенно отличающихся от других частей; в) объекты произвольно делят на группы, равные по количеству объектов; г) объекты отбираются не по одному, а группами по несколько объектов подряд.

- а
- б

- в
- г

### Задание 6

Отметьте правильный ответ

Механическим называется способ отбора объектов генеральной совокупности, при котором:

а) генеральную совокупность не требуется расчленять на части; б) объекты отбираются из каждой её части, существенно отличающихся от других частей; в) объекты произвольно делят на группы, равные по количеству объектов; г) объекты отбираются не по одному, а группами по несколько объектов подряд.

- а
- б
- в
- г

### Задание 7

Отметьте правильный ответ

Серийным называется способ отбора объектов генеральной совокупности, при котором:

а) генеральную совокупность не требуется расчленять на части; б) объекты отбираются из каждой её части, существенно отличающихся от других частей; в) объекты произвольно делят на группы, равных по количеству объектов; г) объекты отбираются не по одному, а группами по несколько объектов подряд.

- а
- б
- в
- г

### Задание 8

Отметьте правильный ответ

Задано распределение частот выборки объёма  $n=20$ .

$x_i$	2	6	12
$n_i$	3	10	7

Чему равно распределение относительных частот:

а)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,15	0,5	0,35

б)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,5	0,15	0,35

в)

$x_i$	2	6	12
-------	---	---	----

$W_i$	0,15	0,35	0,5
-------	------	------	-----

г)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,1	0,5	0,4

- а  
 б  
 в  
 г

### Задание 9

Отметьте правильный ответ

Задано распределение частот выборки объёма  $n=20$ .

$x_i$	2	6	12
$n_i$	4	4	12

Чему равно распределение относительных частот:

а)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,15	0,5	0,35

б)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,2	0,5	0,3

в)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,5	0,25	0,25

г)

$x_i$	2	6	12
$W_i$	0,2	0,2	0,6

- а  
 б  
 в  
 г

### Задание 10

Отметьте правильный ответ

Вариационный ряд задан в виде следующей таблицы:

$x_i$	2	6	10
$n_i$	12	18	30

Эмпирическая функция, построенная по этому ряду, имеет следующий вид:

$$\text{а) } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2, \\ 0,2, & 2 < x \leq 6, \\ 0,9, & 6 \leq x < 10, \\ 1, & x > 10 \end{cases}; \text{ б) } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2, \\ 0,2, & 2 < x \leq 6, \\ 0,5, & 6 \leq x < 10, \\ 1, & x > 10 \end{cases}; \text{ в) } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2, \\ 0,3, & 2 < x \leq 6, \\ 0,5, & 6 \leq x < 10, \\ 1, & x > 10 \end{cases};$$

$$\text{г) } F(x) = \begin{cases} 0, & x \leq 2, \\ 0,3, & 2 < x \leq 6, \\ 0,9, & 6 \leq x < 10, \\ 1, & x > 10 \end{cases}.$$

- а  
 б  
 в  
 г

### Задание {{ 11 }} 3.16

Отметьте правильный ответ

Дан вариационный ряд:

варианта	1	4	7	9
частота	5	1	20	6

Мода этого ряда равна:

а) 1; б) 4; в) 7; г) 9.

- в  
 г  
 а  
 б

### Задание 11

Отметьте правильный ответ

Дан вариационный ряд:

варианта	1	5	7	9
частота	5	1	20	6

Размах этого ряда равен:

а) 1; б) 5; в) 7; г) 8.

- а  
 б  
 в

г

**Задание 12**

Отметьте правильный ответ

Выборочная совокупность задана таблицей распределения:

$x_i$	1	2	3	4
$n_i$	20	15	10	5

Чему равна выборочная средняя:

а) 1; б) 2; в) 3,5; г) 2,4.

а

б

в

г

**Задание 13**

Отметьте правильный ответ

Генеральная совокупность задана таблицей распределения:

$x_i$	1	2	4	6
$n_i$	18	12	20	40

Чему равна выборочная дисперсия:

а) 1,24; б) 2,6; в) 3,62; г) 4,24.

а

б

в

г

**Задание 14**

Отметьте правильный ответ

Дан вариационный ряд:

варианта	1	5	7	9
частота	5	1	20	6

Медиана этого ряда равна:

а) 1; б) 5; в) 7; г) 6.

а

б

в

г

## **Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний**

### **Шкала оценивания** (за правильный ответ дается 1 балл)

«неудовлетворительно» – 50% и менее

«удовлетворительно» – 51-80%

«хорошо» – 81-90%

«отлично» – 91-100%

### **Критерии оценки тестового материала по дисциплине**

#### **«Математика»:**

✓ 5 баллов - выставляется студенту, если выполнены все задания варианта, продемонстрировано знание фактического материала (базовых понятий, алгоритма, факта).

✓ 4 балла - работа выполнена вполне квалифицированно в необходимом объеме; имеются незначительные методические недочеты и дидактические ошибки. Продemonстрировано умение правильно использовать специальные термины и понятия, узнавание объектов изучения в рамках определенного раздела дисциплины; понятен творческий уровень и аргументация собственной точки зрения

✓ 3 балла – продемонстрировано умение синтезировать, анализировать, обобщать фактический и теоретический материал с формулированием конкретных выводов, установлением причинно-следственных связей в рамках определенного раздела дисциплины;

✓ 2 балла - работа выполнена на неудовлетворительном уровне; не в полном объеме, требует доработки и исправлений и исправлений более чем половины объема.

#### **7.2.4. Бально-рейтинговая система оценки знаний бакалавров**

Согласно Положения о бально-рейтинговой системе оценки знаний бакалавров баллы выставляются в соответствующих графах журнала (см. «Журнал учета бально-рейтинговых показателей студенческой группы») в следующем порядке:

«Посещение» - 2 балла за присутствие на занятии без замечаний со стороны преподавателя; 1 балл за опоздание или иное незначительное нарушение дисциплины; 0 баллов за пропуск одного занятия (вне зависимости от уважительности пропуска) или опоздание более чем на 15 минут или иное нарушение дисциплины.

«Активность» - от 0 до 5 баллов выставляется преподавателем за демонстрацию студентом знаний во время занятия письменно или устно, за подготовку домашнего задания, участие в дискуссии на заданную тему и т.д., то есть за работу на занятии. При этом преподаватель должен опросить не менее 25% из числа студентов, присутствующих на практическом занятии.

«Контрольная работа» или «тестирование» - от 0 до 5 баллов выставляется преподавателем по результатам контрольной работы или тестирования группы, проведенных во внеаудиторное время. Предполагается, что преподаватель по согласованию с деканатом проводит подобные мероприятия по выявлению остаточных знаний студентов не реже одного раза на каждые 36 часов аудиторного времени.

«Отработка» - от 0 до 2 баллов выставляется за отработку каждого пропущенного лекционного занятия и от 0 до 4 баллов может быть поставлено преподавателем за отработку студентом пропуска одного практического занятия или практикума. За один раз можно отработать не более шести пропусков (т.е., студенту выставляется не более 18 баллов, если все пропущенные шесть занятий являлись практическими) вне зависимости от уважительности пропусков занятий.

«Пропуски в часах всего» - количество пропущенных занятий за отчетный период умножается на два (1 занятие=2 часам) (заполняется делопроизводителем деканата).

«Пропуски по неуважительной причине» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Пропуски по уважительной причине» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Корректировка баллов за пропуски» - графа заполняется делопроизводителем деканата.

«Итого баллов за отчетный период» - сумма всех выставленных баллов за данный период (графа заполняется делопроизводителем деканата).

**Таблица перевода балльно-рейтинговых показателей в отметки традиционной системы оценивания**

Соотношение часов лекционных и практических занятий	0/2	1/3	1/2	2/3	1/1	3/2	2/1	3/1	2/0	Соответствие отметки коэффициенту
Коэффициент соответствия балльных показателей традиционной отметке	1,5	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	1,1	«зачтено»
	1	1	1	1	1	1	1	1	1	«удовлетворительно»
	2	1,75	1,65	1,6	1,5	1,4	1,35	1,25	-	«хорошо»
	3	2,5	2,3	2,2	2	1,8	1,7	1,5	-	«отлично»

Необходимое количество баллов для выставления отметок («зачтено», «удовлетворительно», «хорошо», «отлично») определяется произведением реально проведенных аудиторных часов (n) за отчетный период на коэффициент соответствия в зависимости от соотношения часов лекционных и практических занятий согласно приведенной таблице.

«Журнал учета балльно-рейтинговых показателей студенческой группы» заполняется преподавателем на каждом занятии.

В случае болезни или другой уважительной причины отсутствия студента на занятиях, ему предоставляется право отработать занятия по индивидуальному графику.

Студенту, набравшему количество баллов менее определенного порогового уровня, выставляется оценка "неудовлетворительно" или "не зачтено". Порядок ликвидации задолженностей и прохождения дальнейшего обучения регулируется на основе действующего законодательства РФ и локальных актов КЧГУ.

Текущий контроль по лекционному материалу проводит лектор, по практическим занятиям – преподаватель, проводивший эти занятия. Контроль может проводиться и совместно.

## **8. Перечень основной и дополнительной учебной литературы, необходимой для освоения дисциплины. Информационное обеспечение образовательного процесса**

### **8.1. Основная литература:**

#### **Основная**

1. Плужникова, Е. Л. Аналитическая геометрия и линейная алгебра : учебно-методическое пособие / Е. Л. Плужникова, Б. Г. Разумейко ; под. ред. Б. Г. Разумейко. - Москва : ИД МИСиС, 2001. - 226 с. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1231340>
2. Жукова, Г. С. Аналитическая геометрия. Векторная и линейная алгебра : учебное пособие / Г.С. Жукова, М.Ф. Рушайло. — Москва : ИНФРА-М, 2019. — 415 с. — (Высшее образование). - ISBN 978-5-16-108299-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1067421>
3. Рудык, Б. М. Линейная алгебра : учебное пособие / Б. М. Рудык. - Москва : ИНФРА-М, 2019. - 318 с. - (Высшее образование: Бакалавриат). - ISBN 978-5-16-004533-7. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1010102>
4. Кундышева, Е. С. Математика : учебник для экономистов / Е. С. Кундышева. - 4-е изд. - Москва : Дашков и К°, 2015. -564 с. - ISBN 978-5-394-02261-6. - Текст : электронный.-URL: <https://znanium.com/catalog/product/512127>
5. Сборник задач по курсу «Математика в экономике». В 3-х ч. Ч. 1. Линейная алгебра, аналитическая геометрия и линейное программирование : учебное пособие / С. В. Пчелинцев, В.



А. Бабайцев, А. С. Солодовников [и др.] ; под ред. В. А. Бабайцева и В. Б. Гисина. - Москва : Финансы и статистика, 2013. - 256 с. - ISBN 978-5-279-03441-3. - Текст : электронный. - URL: <https://znanium.com/catalog/product/1484193>

### 8.2. Дополнительная литература:

1. Беклемишев Д.. Курс аналитической геометрии и линейной алгебры М.: Наука, 2010
2. Гусак А.А. Высшая математика в 2-х томах М.: Тетра Системс, 2014
3. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Аналитическая геометрия. М.: Наука, 2010
4. Ильин В.А., Позняк Э.Г. Линейная алгебра М.: Наука, 2010
5. Кострикин А. И. Введение в алгебру. Часть I. Основы алгебры М.: Физматлит, 2014
6. Кострикин А. И. Введение в алгебру. Часть II. Линейная алгебра М.: Физматлит, 2014
7. Данко П. Е., Попов, А. Г. Высшая математика в упражнениях и задачах: в 2 ч. М.: ОНИКС: Мир и Образование, 2009
8. Демидович Б. П., Кудрявцев, В. А. Краткий курс высшей математики М.: Астрель: АСТ, 2007
9. Ильин В.А., Ким Г.Д. Линейная алгебра и аналитическая геометрия М.: Проспект, 2008
10. Натансон И. П. Краткий курс высшей математики СПб.: Лань, 2007

## 9. Методические указания для обучающихся по освоению учебной дисциплины (модуля)

Вид учебных занятий	Организация деятельности студента
Лекция	Написание конспекта лекций: краткое, схематичное, последовательное фиксирование основных положений, выводов, формулировок, обобщений; выделение ключевых слов, терминов. Проверка терминов, понятий с помощью энциклопедий, словарей, справочников с выписыванием толкований в тетрадь. Обозначение вопросы, терминов, материала, вызывающего трудности. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.
Практические занятия	Конспектирование источников. Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам, просмотр рекомендуемой литературы, работа с текстом
Контрольная работа/индивидуальные задания	Знакомство с основной и дополнительной литературой, включая справочные издания, зарубежные источники, конспект основных положений, терминов, сведений, требующих для запоминания и являющихся основополагающими в этой теме. Составление аннотаций к прочитанным литературным источникам и др.
Реферат	Реферат: Поиск литературы и составление библиографии, использование от 3 до 5 научных работ, изложение мнения авторов и своего суждения по выбранному вопросу; изложение основных аспектов проблемы. Ознакомиться со структурой и оформлением реферата.
Коллоквиум	Работа с конспектом лекций, подготовка ответов к контрольным вопросам и др.
Самостоятельная работа	Проработка учебного материала занятий лекционного и семинарского типа. Изучение нового материала до его изложения на занятиях. Поиск, изучение и презентация информации по заданной теме, анализ научных источников. Самостоятельное изучение отдельных вопросов тем дисциплины, не рассматриваемых на занятиях лекционного и семинарского типа. Подготовка к текущему контролю, к промежуточной аттестации.

Подготовка экзамену	к	При подготовке к экзамену необходимо ориентироваться на конспекты лекций, рекомендуемую литературу и др.
---------------------	---	--

**Методические рекомендации к организации самостоятельной работы обучающихся** по дисциплине «Математика» предполагает более глубокую проработку ими отдельных тем курса, определенных программой. Основными видами и формами самостоятельной работы студентов по данной дисциплине являются:

- подготовка рефератов и докладов к практическим занятиям;
- самоподготовка по вопросам;
- подготовка к зачету.

Важной частью самостоятельной работы является чтение учебной литературы. Основная функция учебников - ориентировать студента в системе тех знаний, умений и навыков, которые должны быть усвоены по данной дисциплине будущими специалистами. В процессе изучения данной дисциплины учитывается посещаемость лекций, оценивается активность студентов на практических занятиях, а также качество и своевременность подготовки теоретических материалов, исследовательских проектов и презентаций рефератов. По окончании изучения дисциплины проводится зачет по предложенным вопросам и заданиям.

Вопросы, выносимые на зачет, должны служить постоянными ориентирами при организации самостоятельной работы студента. Таким образом, усвоение учебного предмета в процессе самостоятельного изучения учебной и научной литературы является и подготовкой к зачету, а сам зачет становится формой проверки качества всего процесса учебной деятельности студента.

Студент, показавший высокий уровень владения знаниями, умениями и навыками по предложенному вопросу, считается успешно освоившим учебный курс. В случае большого количества затруднений при раскрытии предложенного на зачете вопроса студенту предлагается повторная сдача в установленном порядке.

Для успешного овладения курсом необходимо выполнять следующие требования:

- 1) посещать все занятия, т.к. весь тематический материал взаимосвязан между собой и теоретического овладения пропущенного недостаточно для качественного усвоения;
- 2) все рассматриваемые на практических занятиях темы обязательно конспектировать в отдельную тетрадь и сохранять её до окончания обучения в вузе;
- 3) обязательно выполнять все домашние задания;
- 4) проявлять активность на занятиях и при подготовке, т.к. конечный результат овладения содержанием дисциплины необходим, в первую очередь, самому студенту;
- 5) в случаях пропуска занятий, по каким-либо причинам, обязательно «отрабатывать» пропущенное занятие преподавателю во время индивидуальных консультаций.

### **Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям**

**Целью** изучения дисциплины является обеспечение общепрофессиональных и профессиональных компетенций будущих бакалавров, которая заключается в умении оптимально использовать знания о технологиях производства информационного продукта, технике средств массовой информации в профессиональной деятельности; повышение культуры мышления; овладение навыками публичного выступления и делового общения; формирование навыков редактирования.

При подготовке студентов к практическим занятиям по курсу необходимо не только знакомить студентов с теориями и методами практики, но и стремиться отрабатывать на практике необходимые навыки и умения.

Практическое занятие - это активная форма учебного процесса в вузе, направленная на умение студентов переработать учебный текст, обобщить материал, развить критичность мышления, отработать практические навыки.

Практические занятия предназначены для усвоения материала через систему основных понятий математической науки. Они включают обсуждение отдельных вопросов, разбор трудных понятий и их сравнение. Успешная организация времени по усвоению данной дисциплины во

многим зависит от наличия у студента умения к самоорганизации для выполнения предложенных домашних заданий. При этом *алгоритм подготовки будет следующим:*

1 этап - поиск в литературе теоретической информации на предложенные преподавателем темы;

2 этап - осмысление полученной информации, освоение терминов и понятий;

3 этап - составление плана ответа на конкретные вопросы (конспект по теоретическим вопросам к практическому занятию, не менее трех источников для подготовки, в конспекте должны быть ссылки на источники).

Важнейшие требования к выступлениям студентов - самостоятельность в подборе фактического материала и аналитическом отношении к нему, умение рассматривать примеры и факты во взаимосвязи и взаимообусловленности, отбирать наиболее существенные из них. Доклад является формой работы, при которой студент самостоятельно готовит сообщение на заданную тему и далее на семинарском занятии выступает с этим сообщением.

При подготовке к докладам необходимо:

- подготовить сообщение, включающее сравнение точек зрения различных авторов;
- сообщение должно содержать анализ точек зрения, изложение собственного мнения или опыта по данному вопросу, примеры;
- вопросы к аудитории, позволяющие оценить степень усвоения материала;
- выделение основных мыслей, так чтобы остальные студенты могли конспектировать сообщение в процессе изложения. Доклад (сообщение) иллюстрируется конкретными примерами из практики.

## 10. Требования к условиям реализации рабочей программы дисциплины (модуля)

### 10.1. Общесистемные требования

*Электронная информационно-образовательная среда ФГБОУ ВО «КЧГУ»*

<http://kchgu.ru> - адрес официального сайта университета

<https://do.kchgu.ru> - электронная информационно-образовательная среда КЧГУ

*Электронно-библиотечные системы (электронные библиотеки)*

Учебный год	Наименование документа с указанием реквизитов	Срок действия документа
2021 / 2022 учебный год	Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 5184 ЭБС от 25 марта 2021г.	с 30.03.2021 г по 30.03.2022 г.
	Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № СЭБ НВ-294 от 1 декабря 2020 года.	Бессрочный
2021 /2022 учебный год	Электронная библиотека КЧГУ (Э.Б.).Положение об ЭБ утверждено Ученым советом от 30.09.2015г.Протокол № 1). Электронный адрес: <a href="https://kchgu.ru/biblioteka">https://kchgu.ru/biblioteka</a> - <a href="https://kchgu.ru/">kchgu/</a>	Бессрочный
2021 / 2022 Учебный год	Электронно-библиотечные системы: Научная электронная библиотека «ELIBRARY.RU» - <a href="https://www.elibrary.ru">https://www.elibrary.ru</a> . Лицензионное соглашение №15646 от 01.08.2014г.Бесплатно.  Национальная электронная библиотека (НЭБ) – <a href="https://rusneb.ru">https://rusneb.ru</a> . Договор №101/НЭБ/1391 от	Бессрочно

	22.03.2016г.Бесплатно. Электронный ресурс «Polred.com Обзор СМИ» – <a href="https://polpred.com">https://polpred.com</a> . Соглашение. Бесплатно.	
--	--	--

### **10.2. Материально-техническое и учебно-методическое обеспечение дисциплины**

1. Учебная аудитория для проведения занятий лекционного, семинарского и практического типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации и для проведения различных видов практик.

Специализированная мебель: столы ученические, стулья, доска меловая.

Технические средства обучения: персональный компьютер с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета, проектор, интерактивная доска (369200 Карачаево-Черкесская Республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 36. Учебный корпус, ауд. 15).

2. Компьютерный класс для проведения лабораторных занятий, практического и семинарского типа, курсового проектирования (выполнения курсовых работ), групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации

Специализированная мебель: столы ученические, стулья, доска меловая, сейф.

Технические средства обучения: Персональные компьютеры с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета - 20 шт., принтер, проектор, телевизор, интерактивная доска (369200 Карачаево-Черкесская Республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 36. Учебный корпус, ауд. 22).

3. Учебная аудитория для проведения самостоятельной работы обучающихся

Специализированная мебель: столы ученические, стулья, шкафы.

Технические средства обучения: персональные компьютеры (3 шт.) с подключением к сети «Интернет» и обеспечением доступа в электронную информационно-образовательную среду университета (369200 Карачаево-Черкесская Республика, г. Карачаевск, ул. Ленина, 36. Учебный корпус, ауд. 1).

### **10.3. Необходимый комплект лицензионного программного обеспечения**

1. Microsoft Windows (Лицензия № 60290784), бессрочная
2. Microsoft Office (Лицензия № 60127446), бессрочная
3. ABBY Fine Reader (лицензия № FCRP-1100-1002-3937), бессрочная
4. Calculate Linux (внесён в ЕРРП Приказом Минкомсвязи №665 от 30.11.2018-2020), бессрочная
5. Google G Suite for Education (IC: 01i1p5u8), бессрочная
6. Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 0E26-190214-143423-910-82), с 14.02.2019 по 02.03.2021г.
7. Kaspersky Endpoint Security (Лицензия № 280E-210210-093403-420-2061), с 03.03.2021 по 04.03.2023г.

### **10.4. Современные профессиональные базы данных и информационные справочные системы**

#### **Современные профессиональные базы данных**

1. Федеральный портал «Российское образование»- <https://edu.ru/documents/>
2. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru/>
3. Базы данных Scopus издательства Elsevir  
<http://www.scopus.com/search/form.uri?display=basic>.

#### **Информационные справочные системы**

1. Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования - <http://fgosvo.ru>.

2. Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов (ФЦИОР) – <http://edu.ru>.
3. Единая коллекция цифровых образовательных ресурсов (Единая коллекция ЦОР) – <http://school-collection.edu.ru>.
4. Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» (ИС «Единое окно») – <http://window/edu.ru>.
5. Информационная система «Информио».

### **11. Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья**

В группах, в состав которых входят студенты с ОВЗ, в процессе проведения учебных занятий создается гибкая, вариативная организационно-методическая система обучения, адекватная образовательным потребностям данной категории обучающихся, которая позволяет не только обеспечить преемственность систем общего (инклюзивного) и высшего образования, но и будет способствовать формированию у них компетенций, предусмотренных ФГОС ВО, ускорит темпы профессионального становления, а также будет способствовать их социальной адаптации.

В процессе преподавания учебной дисциплины создается на каждом занятии толерантная социокультурная среда, необходимая для формирования у всех обучающихся гражданской, правовой и профессиональной позиции соучастия, готовности к полноценному общению, сотрудничеству, способности толерантно воспринимать социальные, личностные и культурные различия, в том числе и характерные для обучающихся с ОВЗ.

Посредством совместной, индивидуальной и групповой работы формируется у всех обучающихся активная жизненная позиция и развитие способности жить в мире разных людей и идей, а также обеспечивается соблюдение обучающимися их прав и свобод и признание права другого человека, в том числе и обучающихся с ОВЗ на такие же права.

В группах, в состав которых входят обучающиеся с ОВЗ, в процессе учебных занятий используются технологии, направленные на диагностику уровня и темпов профессионального становления обучающихся с ОВЗ, а также технологии мониторинга степени успешности формирования у них компетенций, предусмотренных ФГОС ВО при изучении данной учебной дисциплины, используя с этой целью специальные оценочные материалы и формы проведения промежуточной и итоговой аттестации, специальные технические средства, предоставляя обучающимся с ОВЗ дополнительное время для подготовки ответов, привлекая тьютеров).

Материально-техническая база для реализации программы:

1. Мультимедийные средства:

- интерактивные доски «Smart Board», «Toshiba»;
- экраны проекционные на штативе 280\*120;
- мультимедиа-проекторы Epson, Benq, Mitsubishi, Aser;

2. Презентационное оборудование:

- радиосистемы AKG, Shure, Quik;
- видеоконфликты Microsoft, Logitech;
- микрофоны беспроводные;
- класс компьютерный мультимедийный на 21 мест;
- ноутбуки Aser, Toshiba, Asus, HP;

Наличие компьютерной техники и специального программного обеспечения: имеются рабочие места, оборудованные рельефно-точечными клавиатурами (шрифт Брайля), программное обеспечение NVDA с функцией синтезатора речи, видеувеличителем, клавиатурой для лиц с ДЦП, роллером Распределение специализированного оборудования.

## 12. Лист регистрации изменений

В рабочей программе внесены следующие изменения:

Изменение	Дата и номер протокола ученого совета факультета/института, на котором были рассмотрены вопросы о необходимости внесения изменений	Дата и номер протокола ученого совета Университета, на котором были утверждены изменения	Дата введения изменений
Обновлен договор на предоставление доступа к ЭБС: Электронно-библиотечная система «Лань». Договор № СЭБ НВ -294 от 01.12.2020г. Бессрочный.	02.12.2020 г., протокол № 4	03.12.2020 г., протокол № 2	03.12.2020 г.
Обновлен договор на использование комплектов лицензионного программного обеспечения: оказание услуг по продлению лицензий на антивирусное программное обеспечение. Kaspersky Endpoint Security (номер лицензии 280E-210210-093403-420-2061). 2021-2023 годы	30.03.2021 г., протокол № 6	31 марта 2021г., протокол № 6	31.03.2021 г.
Обновлены договоры на предоставление доступа к электронно-библиотечным системам: Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 5184 ЭБС от 25.03.2021г. (срок действия с 30.03.2021 по 30.03.2022г.).	30.03.2021 г., протокол № 6	31 марта 2021г., протокол № 6	31.03.2021г.
Обновлены договоры на предоставление доступа к электронно-библиотечным системам: Электронно-библиотечная система ООО «Знаниум». Договор № 179 ЭБС от 22.03.2022г. (срок действия с 30.03.2022 по 30.03.2023г.)	25.03.2022 г., протокол № 6 / 2	30.03.2022 г., протокол № 10	30.03.2022 г.
Обновлены договоры: 1. На антивирус Касперского. (Договор №56/2023 от 25 января 2023г.). Действует до 03.03.2025г. 2. Договор № 915 ЭБС ООО «Знаниум» от 12.05.2023г. Действует до 15.05.2024г.		29.06.2023 г., протокол № 8	29.06.2023 г., протокол № 8